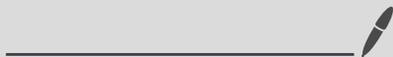


한권에 정리하는 수2



[CH 1] 함수의 극한, 연속

1 함수의 극한

- $x \rightarrow a$ 일때 $f(x)$ 불연속 $\rightarrow f(a^-), f(a), f(a^+)$ 의심
 " 연속 $\rightarrow f(a)$ 대입 아

* $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{g} = p$

- 합성함수의 극한 = 대응 관계의 파악 $\boxed{g(f(x))}$
 주인공!

- ① $f(0) = 0$: 상수항 X
- ② $f(x) = + \dots + px$
- ③ $f(0) = p$

- 역함수의 극한 = 축을 뒤 비꾸자! (m 그래프)

2 함수극한 성질·계산

- 계산법 (수렴성질) :
 1. 대입
 2. 꼴 파악 ex) $\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty} \dots$

최고·최저차항의 결정 (by $x \rightarrow 0, x \rightarrow \infty$)

내과라지가 어려우면
 미개수 h(x)로 치환하자!

① 최고차 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{ax^n} = k$ [$k \neq 0, f(x) = akx^n$]
[$k = 0, f(x) = (n-1)$ 차항 이하]

f.g 다항식 $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{g(x)}{f(x)} = d$

- ① 차수 같다
- ② 최고차항 계수비 = d

② 최저차 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x^n} = k$ [$k \neq 0 : f(x) = + \dots + kx^n$]
[$k = 0 : f(x) = + \dots + \frac{d}{(n+1)} x^{n+1}$]
 (n+1)차항 이상

f.g 다항식 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{g(x)}{f(x)} = d (d \neq 0)$

- ① 최저차수 같다
- ② 최저차 계수비 = d

ex) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^2 + 2x - 9} = 2, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{(x-1)^2} = 3$

$f(x) = 2(x-1)^2 + 3(x-1)$ 이면 됨!

3 함수의 연속

1. 의심점 찾기 2. 직점 check

- 연속함수 - [단원구간] : [a, b]
 - 함 = 무
 - 함 = 좌
- 분모가 "0"이 되는 지점 의심!

- 합성함수의 연속
 - 1. 속함수 f(x) 불연속 지점 = 의심점
 - 2. 겹함수 g(x), $\forall c \rightarrow$ 불연속? $\therefore f(x) = c$ 의심점
- 동시에

이렇게
풀어

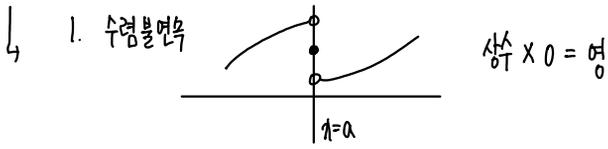
x	f	$f(x)$	g	$g \circ f$
좌	a^-	$f(a^-)$	$-$	$g(f(a^-))$
함	a	$f(a)$	$-$	$g(f(a))$
우	a^+	$f(a^+)$	$-$	$g(f(a^+))$

\rightarrow 합성함수는 속함의 치역을 통해서 이루어질 수 OK (속함 치역 = 겹함 정의역)

19

4 함수의 연속

- 연속함수들은 원래도 연속 (단, $\frac{f(x)}{g(x)} \rightarrow g(x) \neq 0$)
- 연속 \pm 불연속 = 연속 X
- 불연속 X 연속 = 연속가능 (불연속점 제거 by 0)

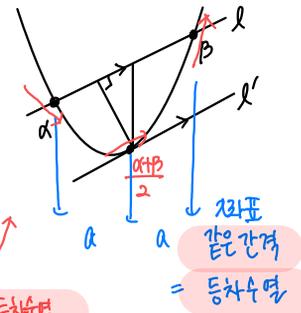
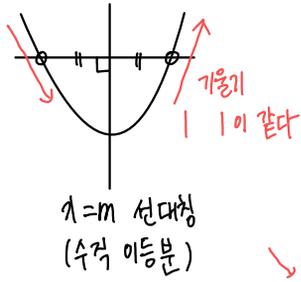


삼차함수의 대칭 + 비틀관계

변곡점 특징들

< 이차함수 > : 이차함수의 도함수

< 대항함수 > : Named 함수 → "특정찾기"



- ① 1차 - 정대칭, 직선, *기울기
- ② 2차 - 선대칭 (대칭축)
- * ③ 3차 - 정대칭 (변곡점)
- * ④ 4차 - 대칭 OR Not

미분계수 = 등차수열

같은 간격 = 등차수열

삼차함수 (특징 + 비틀관계 + 좌표계산/식)

① 변곡점 = 대칭점의 중심 (180°)

1) 주제 1. 변곡점

② 변곡점 x3



: 도함수의 극점 = 원함수의 변곡점

③ 비틀관계 5개의 점

∫ 선대칭 = 정대칭

④ 최대/최소 (정의역 계산 + 미분계수)

∫ 우함수 ≠ 기함수 (달, (0,C) 대칭)

2) 주제 2. 변곡점 x3

$ax^3 + bx^2 + \dots$

→ 3차, 2차항의 계수

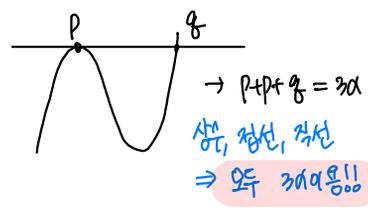
세 실근의 합 = $-\frac{b}{a}$ = 변곡점 x3

제1 미사 K, a와 b의 차의 함수 형태

ex) $y = x^3 - 3x^2 + \dots$: 합 = 3 = 3x 변곡점

변곡점 좌표 변하기 X (: 3, 2차 계수 같을 X)

$y = 3x^2 - 6x + \dots$
 $x = 1$ 대칭
 ∴ 변곡점 = 1



개특수 사례) 세근의 변곡점: 변곡점선
 ∴ $k + k + k = 3a$

↳ 따르 기만해두기 (당연한 논리...)

~~***~~ < 선대칭, 점대칭과 정적분 >

• $f(a-x) = f(a+x)$, $f(2a-x) = f(x)$ $x=a$ 대칭

• $f(a-x) = -f(a+x)$, $f(2a-x) = -f(x)$ $(a,0)$ 대칭

↳ 적산(적차 경우) / 관성의합 OK

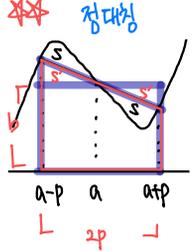
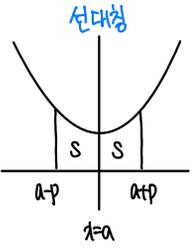
* $\int_{a-p}^{a+p} f \rightarrow$ 정중앙 = a \cup 대표적 유형 ②

$\Rightarrow 2 \int_{a-p}^a = 2 \int_a^{a+p} = 2 \int_{-p}^p f(a+t)$
 \int_{-p}^p 무한수

~~***~~ * $f(a-x) + f(a+x) = 2b$, $f(2a-x) + f(x) = 2b$ (a,b) 대칭!!

미출제요

넓이 계산시 그림 \rightarrow 특징 파악!



[넓이]
 사다리꼴 = 적사각형
 $\therefore 2p \times b$
 부호조심!!

$2 \times S$

~~***~~ 선대칭, 점대칭 연산

미출제

$f: x=a$ 선대 / $g: (a,0)$ 점대 / $h: (a,b)$ 점대
 $\Rightarrow (a,0)$ 점대 + b 평이

$f \cdot h = f(x) \uparrow (a,0)$ 점대 + b 평
 $= (a,0)$ 점대 + 선대 $(x=a)$
 분배사용
 우: 계산
 정적분

\therefore 쓰지 말고 분리가능!!

$g \cdot h = g(x) \uparrow (a,0)$ 점대 + b 평
 $= x=a$ 선대 + $(a,0)$ 점대
 계산

ex) $f = |x-1|$, $g = (x-1)^2 + 2$
 $\int_0^2 f \cdot g = ?$

\rightarrow 공분리
 $f: x-1$ 선대
 $g: (1,0)$ 점대 + 2

$\therefore \int_0^2 |x-1| \cdot (x-1)^2 + 2$
 $\int_0^2 2|x-1| dx = 2$