

6. 여러 가지 적분법

여러 가지 함수의 적분법 (p. 75)

예제

1. $\int_0^1 \frac{e^{2x} - 1}{e^x + 1} dx$ 의 값은?

- | | | |
|-----------|-----------|-------|
| ① $e - 2$ | ② $e - 1$ | ③ e |
| ④ $e + 1$ | ⑤ $e + 2$ | |

유제

2. 양의 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 에 대하여

$$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \text{이고 } f(1) = 2 \text{ 일 때, } f(4) \text{의 값은?}$$

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
|-----|-----|-----|-----|-----|

3. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 에 대하여

$f(0) = 2$ 이고 곡선 $y = f(x)$ 위의 모든 점 (x, y) 에서의

$$\text{접선의 기울기가 } \sin x + 2x \text{ 일 때, } \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x) dx \text{의 값은?}$$

- | | | |
|---|---|---------------------------------------|
| ① $\frac{\pi^3}{24} + \frac{3}{2}\pi - 2$ | ② $\frac{\pi^3}{24} + \frac{3}{2}\pi - 1$ | ③ $\frac{\pi^3}{24} + \frac{3}{2}\pi$ |
| ④ $\frac{\pi^3}{24} + \frac{3}{2}\pi + 1$ | ⑤ $\frac{\pi^3}{24} + \frac{3}{2}\pi + 2$ | |

치환적분법 (p. 77)

예제

4. $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sin^2 x \cos x dx$ 의 값은?

- | | | |
|------------------|------------------|------------------|
| ① $\frac{1}{12}$ | ② $\frac{1}{16}$ | ③ $\frac{1}{20}$ |
| ④ $\frac{1}{24}$ | ⑤ $\frac{1}{28}$ | |

유제

5. $\int_1^e \frac{\ln x}{x} dx$ 의 값은?

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| ① $\frac{1}{2}$ | ② 1 | ③ $\frac{3}{2}$ |
| ④ 2 | ⑤ $\frac{5}{2}$ | |

6. $\int_0^1 2x \sqrt{x^2 + 1} dx - \int_{\sqrt{3}}^1 2x \sqrt{x^2 + 1} dx$ 의 값은?

- | | | |
|------------------|-----|------------------|
| ① $\frac{11}{3}$ | ② 4 | ③ $\frac{13}{3}$ |
| ④ $\frac{14}{3}$ | ⑤ 5 | |

부분적분법 (p. 79)

예제

7. $\int_0^1 (x+1)e^x dx$ 의 값은?

- ① e ② $2e$ ③ $3e$
④ $4e$ ⑤ $5e$

유제

8. $\int_1^e x^2 \ln x dx$ 의 값은?

- ① $\frac{e^3 + 1}{9}$ ② $\frac{2e^3 + 1}{9}$ ③ $\frac{3e^3 + 1}{9}$
④ $\frac{4e^3 + 1}{9}$ ⑤ $\frac{5e^3 + 1}{9}$

9. $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} x \cos\left(\frac{3}{2}\pi + x\right) dx$ 의 값은?

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$
④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

4

수학 영역

정적분으로 표시된 함수의 미분과 극한 (p. 81)

예제

10. 함수 $f(x) = \int_x^{x^2} e^t (\sin t + \cos t) dt$ 에 대하여 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h)}{h}$ 의 값은?

- | | | |
|------|------|-----|
| ① -2 | ② -1 | ③ 0 |
| ④ 1 | ⑤ 2 | |

유제

11. 모든 실수 x 에 대하여 연속인 함수 $f(x)$ 가

$$\int_x^1 f(t) dt = xe^x + a \text{ 를 만족시킬 때, } f\left(\frac{a}{e}\right) \text{의 값은?}$$

(단, a 는 상수이다.)

- | | | |
|---------|--------|-----|
| ① $-2e$ | ② $-e$ | ③ 0 |
| ④ e | ⑤ $2e$ | |

12. $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1}{x^2 - \pi^2} \int_{\pi}^x \sin \frac{t}{2} dt$ 의 값은?

- | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| ① $\frac{1}{\pi}$ | ② $\frac{1}{2\pi}$ | ③ $\frac{1}{3\pi}$ |
| ④ $\frac{1}{4\pi}$ | ⑤ $\frac{1}{5\pi}$ | |

Level 1. 기초연습 (p. 82)

1. $\int_2^3 \frac{x^2-1}{(x-1)(x+2)} dx$ 의 값은?

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| ① $\ln \frac{2}{5}e$ | ② $\ln \frac{4}{5}e$ | ③ $\ln \frac{6}{5}e$ |
| ④ $\ln \frac{8}{5}e$ | ⑤ $\ln 2e$ | |

2. $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x \sin \left(\frac{\pi}{2} + x\right) dx$ 의 값은?

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| ① $\frac{1}{2}$ | ② 1 | ③ $\frac{3}{2}$ |
| ④ 2 | ⑤ $\frac{5}{2}$ | |

3. $\int_1^e x (\ln x)^2 dx$ 의 값은?

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $e^2 - 1$ | ② $\frac{e^2 - 1}{2}$ | ③ $\frac{e^2 - 1}{3}$ |
| ④ $\frac{e^2 - 1}{4}$ | ⑤ $\frac{e^2 - 1}{5}$ | |

4. 함수 $f(x) = e^{\sqrt{x}}$ 에 대하여 $g(x) = \int f(x) dx$ 이고 $g(1) = 0$ 일 때,
 $g(4)$ 의 값은?

- | | | |
|----------|----------|----------|
| ① e^2 | ② $2e^2$ | ③ $3e^2$ |
| ④ $4e^2$ | ⑤ $5e^2$ | |

5. 함수 $f(x) = \int_0^x te^t dt$ 에 대하여 $\frac{f(2)}{f'(1)}$ 의 값은?

- | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|
| ① e | ② $e + \frac{1}{e}$ | ③ $e + \frac{2}{e}$ |
| ④ $e + \frac{3}{e}$ | ⑤ $e + \frac{4}{e}$ | |

Level 2. 기본연습 (p. 83)

1. $\int_0^{\frac{2}{3}\pi} \left| \sin x - \frac{2}{\pi}x \right| dx$ 의 값은?

- | | | |
|----------------------|-----------------------|----------------------|
| ① $\frac{6-\pi}{18}$ | ② $\frac{7-\pi}{18}$ | ③ $\frac{8-\pi}{18}$ |
| ④ $\frac{9-\pi}{18}$ | ⑤ $\frac{10-\pi}{18}$ | |

2. 1보다 큰 실수 x 에 대하여 함수 $f(x)$ 가

$$f(x) = \int_0^1 \frac{1}{4 + (x-1)e^t} dt$$

일 때, $f'(2)$ 의 값은?

- | | | |
|------------------------|------------------------|------------------------|
| ① $\frac{1-e}{5(e+4)}$ | ② $\frac{1-e}{4(e+4)}$ | ③ $\frac{1-e}{3(e+4)}$ |
| ④ $\frac{1-e}{2(e+4)}$ | ⑤ $\frac{1-e}{e+4}$ | |

3. 양의 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 $f(x) = \int_x^{2x} \frac{\ln t}{t^2} dt$ 가

$x=a$ 에서 최댓값 b 를 가질 때, 두 실수 a, b 에 대하여 ab 의 값은?

① $\frac{1}{2}$

② 1

③ $\frac{3}{2}$

④ 2

⑤ $\frac{5}{2}$

Level 3. 실력완성 (p. 84)

1. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 $f(x)$ 와

다항함수 $g(x) = x^2 + \int_0^1 (x+t)g(t) dt$ 에 대하여 함수 $h(x)$ 를

$$h(x) = \int_0^{g(x)} e^{f(t)} dt$$

라 하자. 함수 $h(x)$ 가 $x=k$ 에서 극솟값을 가질 때,
 $g(2k)$ 의 값은? (단, k 는 상수이다.)

① $-\frac{8}{3}$

② $-\frac{17}{6}$

③ -3

④ $-\frac{19}{6}$

⑤ $-\frac{10}{3}$

4. $0 \leq x \leq 1$ 일 때, x 에 대한 방정식

$$2\pi \int_0^{2x} |t-x| \cos 2\pi t dt = x \sin 4\pi x$$

의 서로 다른 실근의 개수는?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

2. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $y=f(x)$ 의 그래프와 최고차항의 계수가 -1 인 이차함수 $y=g(x)$ 의 그래프가 두 점 $(a, f(a)), (b, f(b))$ ($a < b$)에서만 만나고 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $g(a)=g(a+2)=0$

(나) $f\left(\frac{a+b}{2}\right) > g\left(\frac{a+b}{2}\right)$

$g(-1)=1$ 이고 $f''(1)=0$ 일 때, $\int_5^6 \frac{\left(\frac{5}{x}-2\right)g(x)}{f(x)} dx$ 의 값은?

① $\ln \frac{3}{2}$

② $\ln \frac{5}{2}$

③ $\ln \frac{7}{2}$

④ $\ln \frac{9}{2}$

⑤ $\ln \frac{11}{2}$

3. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을

만족시킬 때, $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{xf'(x)}{1+\pi^{f'(x)}} dx$ 의 값은?

(가) 모든 실수 x 에 대하여 $f(-x)=f(x)$ 이다.

(나) $f\left(\frac{\pi}{2}\right)=12$

(다) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x) dx = 12$

① $2\pi - 12$

② $3\pi - 12$

③ $4\pi - 12$

④ $5\pi - 12$

⑤ $6\pi - 12$

7. 정적분의 활용

11

정적분과 급수 (p. 87)

예제

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n \tan^2 \frac{k}{4n} \pi$ 의 값은?

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $\frac{4-\pi}{\pi}$ | ② $\frac{5-\pi}{\pi}$ | ③ $\frac{7-\pi}{\pi}$ |
| ④ $\frac{7-\pi}{\pi}$ | ⑤ $\frac{8-\pi}{\pi}$ | |

유제

2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{2}{n+2k}$ 의 값은?

- | | | |
|-----------|-----------|-----------|
| ① $\ln 2$ | ② $\ln 3$ | ③ $\ln 4$ |
| ④ $\ln 5$ | ⑤ $\ln 6$ | |

3. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} \sum_{k=1}^n k \sqrt[n]{2^k}$ 의 값은?

- | | | |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|
| ① $\frac{2 \ln 2 - 1}{(\ln 2)^2}$ | ② $\frac{3 \ln 2 - 1}{(\ln 2)^2}$ | ③ $\frac{4 \ln 2 - 1}{(\ln 2)^2}$ |
| ④ $\frac{5 \ln 2 - 1}{(\ln 2)^2}$ | ⑤ $\frac{6 \ln 2 - 1}{(\ln 2)^2}$ | |

곡선과 x 축 사이의 넓이 (p. 89)

예제

4. $0 \leq x \leq \pi$ 에서 곡선 $y = 2\cos 2x$ 와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| ① $\frac{1}{2}$ | ② 1 | ③ $\frac{3}{2}$ |
| ④ 2 | ⑤ $\frac{5}{2}$ | |

유제

5. 곡선 $y = \frac{x-1}{x-2}$ 과 x 축 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $\frac{5-\ln 2}{9}$ | ② $\frac{4-\ln 2}{7}$ | ③ $\frac{3-\ln 2}{5}$ |
| ④ $\frac{2-\ln 2}{3}$ | ⑤ $1-\ln 2$ | |

6. 곡선 $y = e^x$ 과 두 직선 $x = a$, $x = a+1$ 및 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이가 $e^2 - e$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
|-----|-----|-----|-----|-----|

두 곡선으로 둘러싸인 부분의 넓이 (p. 91)

예제

7. 두 곡선 $y = x^2$, $y = 2\sqrt{2}x$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|------------------|-----|------------------|
| ① $\frac{8}{3}$ | ② 3 | ③ $\frac{10}{3}$ |
| ④ $\frac{11}{3}$ | ⑤ 4 | |

유제

8. $0 \leq x \leq \frac{3}{2}\pi$ 에서 두 곡선 $y = \sin x$, $y = \cos x$ 로 둘러싸인

부분의 넓이는?

- | | | |
|--------------|---------------|---------------|
| ① $\sqrt{2}$ | ② 2 | ③ $2\sqrt{2}$ |
| ④ 4 | ⑤ $4\sqrt{2}$ | |

9. 곡선 $y = e^x$ 위의 점 $(1, e)$ 에서의 접선을 l 이라 하자.

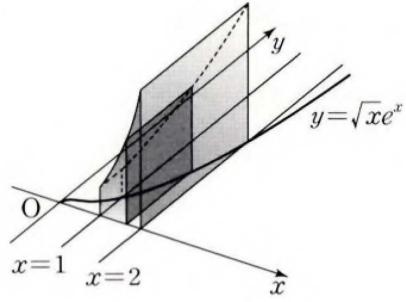
곡선 $y = e^x$ 과 접선 l 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| ① $\frac{e}{2} - \frac{1}{3}$ | ② $\frac{e}{2} - \frac{1}{2}$ | ③ $\frac{e}{2} - \frac{2}{3}$ |
| ④ $\frac{e}{2} - \frac{5}{6}$ | ⑤ $\frac{e}{2} - 1$ | |

입체도형의 부피 (p. 93)

예제

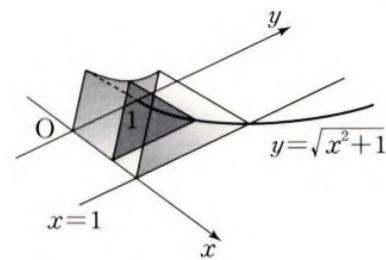
10. 그림과 같이 곡선 $y = \sqrt{x}e^x$ 과 x 축 및 두 직선 $x=1, x=2$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다.
 이 입체도형을 x 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정삼각형일 때, 이 입체도형의 부피는?



- ① $\frac{1}{4}e^4 - \frac{1}{4}e^2$ ② $\frac{1}{2}e^4 - \frac{1}{4}e^2$ ③ $\frac{3}{4}e^4 - \frac{1}{4}e^2$
 ④ $e^4 - \frac{1}{4}e^2$ ⑤ $\frac{5}{4}e^4 - \frac{1}{4}e^2$

유제

11. 그림과 같이 곡선 $y = \sqrt{x^2 + 1}$ 과 x 축 및 두 직선 $x=0, x=1$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다.
 이 입체도형을 x 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정삼각형일 때, 이 입체도형의 부피는?



- ① $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ② $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ ③ $\sqrt{3}$
 ④ $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{3}}{3}$

좌표평면 위를 움직이는 점이 움직인 거리 (p. 95)

예제

12. 좌표평면 위를 움직이는 점 P의 시각 $t(t \geq 0)$ 에서의 위치 (x, y) 가

$$x = \sin t + \cos t, \quad y = \sin t - \cos t$$

일 때, 시각 $t=1$ 에서 $t=2$ 까지 점 P가 움직인 거리는?

- | | | |
|------------------------|-------------------------|-------------------------|
| ① $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | ② $\sqrt{2}$ | ③ $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ |
| ④ $2\sqrt{2}$ | ⑤ $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ | |

유제

13. 좌표평면 위를 움직이는 점 P의 시각 $t(t \geq 0)$ 에서의 위치 (x, y) 가

$$x = 2e^t, \quad y = \frac{t}{2} - e^{2t}$$

일 때, 시각 $t=0$ 에서 $t=1$ 까지 점 P가 움직인 거리는?

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $e^2 - \frac{1}{2}$ | ② $e^2 - 1$ | ③ $e^2 - \frac{3}{2}$ |
| ④ $e^2 - 2$ | ⑤ $e^2 - \frac{5}{2}$ | |

14. 함수 $f(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$ 에 대하여 $0 \leq x \leq \ln 2$ 에서

곡선 $y = f(x)$ 의 길이는?

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| ① $\frac{1}{4}$ | ② $\frac{1}{2}$ | ③ $\frac{3}{4}$ |
| ④ 1 | ⑤ $\frac{5}{4}$ | |

Level 1. 기초연습 (p. 96~97)

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{\frac{k}{n^2} + \frac{1}{n}}{\frac{k^2}{n^2} + \frac{2k}{n} + 1}$ 의 값은?

- | | | |
|--------|--------|--------|
| ① ln 2 | ② ln 3 | ③ ln 4 |
| ④ ln 5 | ⑤ ln 6 | |

2. $-\pi \leq x \leq \frac{\pi}{2}$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = \sin x, \quad g(x) = -\frac{4}{3\pi^2}x^2 + \frac{4}{3}$$

에 대하여 두 곡선 $y=f(x)$, $y=g(x)$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|-----------------------|------------------------|------------------------|
| ① $\frac{\pi}{2} + 1$ | ② $\pi + 1$ | ③ $\frac{3}{2}\pi + 1$ |
| ④ $2\pi + 1$ | ⑤ $\frac{5}{2}\pi + 1$ | |

3. 곡선 $y = \ln x$ 위의 점 $P(e, 1)$ 에서의 접선을 l 이라 하자. 곡선 $y = \ln x$ 와 접선 l 및 직선 $x = 1$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|--|--|--|
| ① $\frac{e}{2} - \frac{1}{2e}$ | ② $\frac{e}{2} - \frac{1}{2e} - \frac{1}{4}$ | ③ $\frac{e}{2} - \frac{1}{2e} - \frac{1}{2}$ |
| ④ $\frac{e}{2} - \frac{1}{2e} - \frac{3}{4}$ | ⑤ $\frac{e}{2} - \frac{1}{2e} - 1$ | |

4. 곡선 $y = (-x^2 + 4)e^x$ 과 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| ① $e^2 + 5e^{-2}$ | ② $2e^2 + 6e^{-2}$ | ③ $3e^2 + 7e^{-2}$ |
| ④ $4e^2 + 8e^{-2}$ | ⑤ $5e^2 + 9e^{-2}$ | |

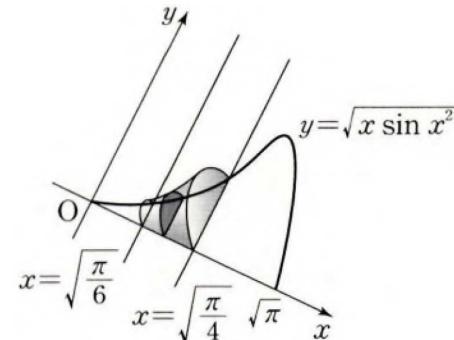
5. 두 곡선 $y = \ln x$, $y = -\ln(x-1) + \ln 2$ 와 직선 $x=3$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- ① $3\ln 3 - \ln 2 - 2$ ② $4\ln 3 - \ln 2 - 1$ ③ $5\ln 3 - \ln 2$
 ④ $6\ln 3 - \ln 2 + 1$ ⑤ $7\ln 3 - \ln 2 + 2$

6. 양의 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 $f(x) = \frac{(\ln x)^2}{x}$ 에 대하여 곡선 $y=f(x)$ 와 x 축 및 직선 $x=e^2$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{4}{3}$ ③ 2
 ④ $\frac{8}{3}$ ⑤ $\frac{10}{3}$

7. 그림과 같이 곡선 $y = \sqrt{x \sin x^2}$ ($0 \leq x \leq \sqrt{\pi}$) 와 x 축 및 두 직선 $x = \sqrt{\frac{\pi}{6}}$, $x = \sqrt{\frac{\pi}{4}}$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을 x 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 반원일 때, 이 입체도형의 부피는?



- ① $\frac{\sqrt{2}-1}{32}\pi$ ② $\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{32}\pi$ ③ $\frac{2-\sqrt{3}}{32}\pi$
 ④ $\frac{\sqrt{5}-2}{32}\pi$ ⑤ $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{5}}{32}\pi$

8. 좌표평면 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (t \geq 0)$ 에서의 위치 (x, y) 가

$$x = \cos t + t \sin t, \quad y = \sin t - t \cos t$$

일 때, 시각 $t = \frac{\pi}{2}$ 에서 $t = \pi$ 까지 점 P가 움직인 거리는?

- ① $\frac{3}{8}\pi^2$ ② π^2 ③ $\frac{13}{8}\pi^2$
 ④ $\frac{9}{4}\pi^2$ ⑤ $\frac{23}{8}\pi^2$

Level 2. 기본연습 (p. 98~99)

1. 닫힌구간 $[0, 2\pi]$ 에서 곡선

$$y = 4 \sin x \cos x - 6 \sin x + 2 \cos x - 3$$

과 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|----------------------|-----------------------|----------------------|
| ① $6\sqrt{3} - 2\pi$ | ② $7\sqrt{3} - 2\pi$ | ③ $8\sqrt{3} - 2\pi$ |
| ④ $9\sqrt{3} - 2\pi$ | ⑤ $10\sqrt{3} - 2\pi$ | |

2. 함수 $f(x) = -xe^x$ 의 그래프 위의 점 $P(-2, f(-2))$ 에서의 접선을 l 이라 하자. 곡선 $y = f(x)$ 와 접선 l 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? (단, 곡선 $y = f(x)$ 와 접선 l 은 점 P 에서만 만난다.)

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $\frac{9}{e^2} - 1$ | ② $\frac{9}{e^2}$ | ③ $\frac{9}{e^2} + 1$ |
| ④ $\frac{9}{e^2} + 2$ | ⑤ $\frac{9}{e^2} + 3$ | |

3. 곡선 $y = \ln x$ 위의 점 $P(a, \ln a)$ 에서의 접선과 평행하고 점 $(1, 0)$ 을 지나는 직선을 l 이라 하자. 곡선 $y = \ln x$ 와 x 축 및 직선 $x = e$ 로 둘러싸인 부분의 넓이를 직선 l 이 이등분할 때, a 의 값은?

- | | | |
|---------------|---------------|---------------|
| ① $e - 1$ | ② $(e - 1)^2$ | ③ $(e - 1)^3$ |
| ④ $(e - 1)^4$ | ⑤ $(e - 1)^5$ | |

4. 두 함수 $f(x) = 3e^x - 6$, $g(x) = e^{2x} - 4e^x$ 에 대하여 두 곡선 $y = f(x)$, $y = g(x)$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| ① $\frac{35}{2} - 6\ln 6$ | ② $18 - 6\ln 6$ | ③ $\frac{37}{2} - 6\ln 6$ |
| ④ $19 - 6\ln 6$ | ⑤ $\frac{39}{2} - 6\ln 6$ | |

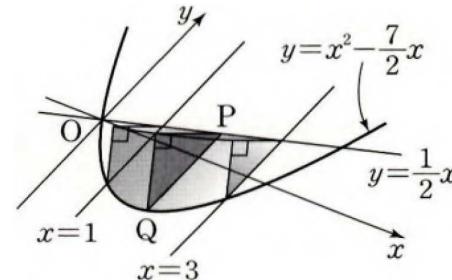
5. 함수 $f(x) = (\ln x)^2 + 2\ln x + 3$ 에 대하여 곡선 $y = f(x)$ 의 변곡점이 $(a, f(a))$ 일 때, 직선 $y = f(a)$ 와 곡선 $y = f(x)$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|
| ① $\frac{1}{e^2}$ | ② $\frac{2}{e^2}$ | ③ $\frac{3}{e^2}$ |
| ④ $\frac{4}{e^2}$ | ⑤ $\frac{5}{e^2}$ | |

6. 양수 k 에 대하여 세 곡선 $y = e^{kx}$, $y = e^{2kx}$, $y = e^{6k - kx}$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이를 $S(k)$ 라 할 때, $\lim_{k \rightarrow 0^+} \frac{S(k)}{k}$ 의 값은?

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|
| ① 1 | ② 2 | ③ 3 | ④ 4 | ⑤ 5 |
|-----|-----|-----|-----|-----|

7. 그림과 같이 직선 $y = \frac{1}{2}x$ 와 곡선 $y = x^2 - \frac{7}{2}x$ 및 두 직선 $x=1$, $x=3$ 으로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을 x 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 직선 $y = \frac{1}{2}x$ 및 곡선 $y = x^2 - \frac{7}{2}x$ 와 만나는 두 점을 각각 P, Q라 할 때, 모든 단면은 빗변이 선분 PQ인 직각이등변삼각형이다. 이 입체도형의 부피는?



- | | | |
|-------------------|--------------------|--------------------|
| ① $\frac{13}{2}$ | ② $\frac{197}{30}$ | ③ $\frac{199}{30}$ |
| ④ $\frac{67}{10}$ | ⑤ $\frac{203}{30}$ | |

8. 좌표평면 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (t \geq 0)$ 에서의 위치 (x, y) 가

$$x = \frac{4\sqrt{3}}{3} t^{\frac{3}{2}}, \quad y = 2t$$

일 때, 시각 $t=0$ 에서 $t=a$ 까지 점 P가 움직인 거리는 $\frac{28}{9}$ 이다. 양수 a 의 값은?

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| ① $\frac{1}{2}$ | ② 1 | ③ $\frac{3}{2}$ |
| ④ 2 | ⑤ $\frac{5}{2}$ | |

Level 3. 실력완성 (p. 100)

1. 자연수 n 에 대하여 닫힌구간 $[0, 1]$ 에서 정의된 함수 $f(x)$ 를

$$f(x) = nx(1-x^2)^n$$

이라 하자. 함수 $f(x)$ 가 $x=a_n$ 에서 최댓값을 갖는다고 할 때,
닫힌구간 $[0, a_n]$ 에서 곡선 $y=f(x)$ 와 직선 $x=a_n$ 및 x 축으로
둘러싸인 부분의 넓이를 S_n 이라 하자. $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은?

- | | | |
|--|---|---|
| ① $\frac{1}{2}\left(1 - \frac{1}{\sqrt{e}}\right)$ | ② $\frac{1}{2}\left(1 - \frac{1}{e}\right)$ | ③ $\frac{1}{2}\left(1 - \frac{1}{e\sqrt{e}}\right)$ |
| ④ $\frac{1}{2}\left(1 - \frac{1}{e^2}\right)$ | ⑤ $\frac{1}{2}\left(1 - \frac{1}{e^2\sqrt{e}}\right)$ | |

2. 점 $A\left(0, \frac{\sqrt{3}}{2}e\right)$ 를 지나고 함수 $f(x)=k(\ln x)^2$ 의 그래프에

접하는 두 접선 l_1, l_2 가 다음 조건을 만족시킨다.

- | |
|---|
| (가) 곡선 $y=f(x)$ 와 두 접선 l_1, l_2 가 접하는 점의
x 좌표는 각각 $p, q (p < q)$ 이다. |
| (나) 두 접선 l_1, l_2 는 서로 수직이다. |

곡선 $y=f(x)$ 와 두 직선 $x=p, x=q$ 및 x 축으로 둘러싸인
부분의 넓이는? (단, k 는 양의 상수이다.)

- | | | |
|----------------------------------|----------------------------------|---------------------------------|
| ① $\frac{\sqrt{3}}{6}(e^4 - 1)$ | ② $\frac{\sqrt{3}}{3}(e^4 - 1)$ | ③ $\frac{\sqrt{3}}{2}(e^4 - 1)$ |
| ④ $\frac{2\sqrt{3}}{3}(e^4 - 1)$ | ⑤ $\frac{5\sqrt{3}}{6}(e^4 - 1)$ | |

3. 양의 상수 a 에 대하여 $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = a \sec x, \quad g(x) = 2 \sin x \cos x$$

의 그래프가 단 한 점에서만 만나고 그 점에서의 접선이 서로 일치한다. 두 곡선 $y = f(x)$, $y = g(x)$ 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- ① $\frac{2\sqrt{3}}{9} \ln(2 + \sqrt{3}) - \frac{1}{2}$ ② $\frac{2\sqrt{3}}{9} \ln(2 + \sqrt{3}) - \frac{1}{3}$
③ $\frac{2\sqrt{3}}{9} \ln(2 + \sqrt{3}) - \frac{1}{4}$ ④ $\frac{2\sqrt{3}}{9} \ln(2 + \sqrt{3}) - \frac{1}{5}$
⑤ $\frac{2\sqrt{3}}{9} \ln(2 + \sqrt{3}) - \frac{1}{6}$

[정답표]

6. 여러 가지 적분법

예제 및 유제	1번	2번	3번	4번	5번	6번	7번	8번	9번	10번
	①	④	②	④	①	④	①	②	④	②
	11번	12번								
	③	②								
Level 1	1번	2번	3번	4번	5번					
	②	①	④	②	②					
Level 2	1번	2번	3번	4번						
	④	①	①	③						
Level 3	1번	2번	3번							
	②	②	⑤							

7. 정적분의 활용

예제 및 유제	1번	2번	3번	4번	5번	6번	7번	8번	9번	10번
	①	②	①	④	⑤	①	①	③	⑤	③
	11번	12번	13번	14번						
	①	②	①	③						
Level 1	1번	2번	3번	4번	5번	6번	7번	8번		
	①	③	⑤	②	①	④	②	①		
Level 2	1번	2번	3번	4번	5번	6번	7번	8번		
	①	①	②	①	④	③	⑤	②		
Level 3	1번	2번	3번							
	①	⑤	②							