

2024학년도 9평전 자료
수1+수2+미적+확통+기하

작성자 : 17학번머스크



◆ 칼럼대상

9월 모의고사 및 수능을 보시는 모든 분

◆ 칼럼목표

이번 9월을 대비하여 시험지 혹은 단원별로 어떻게 출제할 것인가
전략적인 내용 및 추천 문항

◆ 활용방안

그냥 10분 정도 정독하고, 필요한 문제들은 풀어보세요.
해당 칼럼은

최근 기출 + EBS 반영 + 실제 유명한 저자 및 강사분들의 의견

이 함축된 칼럼입니다.

추천하는 전략

- 평소 연습한대로 모의고사를 푼다.
다만, 잘 풀리지 않는 경우를 대비해서 다음과 같은 행동양식을 기록해두자.
- #1. 8-11번에서 당황스러운 문제가 나올 수 있다. 안 풀리면 넘기는 것이 어떨까?
- #2. 14-15, 28번은 킬러가 될 수 있다. 역시 안 풀리면 넘겨보자
- #3. 21, 22, 29, 30은 2등급 이상이면 무조건 문제풀 시간을 확보해두자
현재 평가원은 정답률에 민감하기에 주관식에 맞출만한 문제를 넣을 수 있다.

과목별 핵심 전략 도구 (반말체 양해바람)

수학 I	
1. 지수함수와 로그함수	<ul style="list-style-type: none"> → 수1 ㄱㄴㄷ 고전문제가 나올 수 있다. → 제공근 문제가 최근 세련되게 출제되고 있다. EBS 반영은 안될 수 있지만 기출에서 → 다양한 시도를 하고 있기에 당황하지말자. (틀렸던 사실문제들이라도 복습) → 뜬금포로 쉬운 개수세기 문제가 나올 수 있다. 불특성과 항상 지나는 정수좌표정도 기억해두자. → 역함수 관계를 활용하여 기하적 관찰을 시킬 수 있다. → 직선과의 관계식은 역함수 및 대칭성을 이용하고, 곡선과의 관계식이 나오면 연산문제이다.
2. 삼각함수	<ul style="list-style-type: none"> → 삼각함수의 그래프와 도형을 가지고 출제많이하는데, tan함수가 나올 가능성이 높다 → 도형 문제보다는 수능완성에서 주기성을 가지고 다양한 시도가 보이고 있다. → sin법칙, cos법칙 도형문제에서는 법칙은 생각보다 쉽고, 닮음과 피타고라스, 원의 성질을 더 해결 못한다.
3. 수열	<ul style="list-style-type: none"> → 귀납적수열은 표만들기로 해결하면 좋은데, 연습이 안되어있으면 시간있으면 해보고, 촉박하면.. 그냥 실수없이 잘해보자. → 등비수열에서 $a_n = \frac{a_{n+1}}{r}$ 식변환을 기억해두자. → 시그마 문제 17-19번 사이에서 나올 수 있는데 19번이면 연산이 어려울 수 있다. → 의외로 20, 21, 22번에서 출제될 수 있다. 긴장하자 (15번이 아닐 수도 있다. 아니면 당황하지만 말자)

수학 II	
1. 함수의 극한	<ul style="list-style-type: none"> → 복잡한 식의 함수의 극한으로 표현한 문제가 최근 어려운 문제로 출시되고 있다. 연습해뒀기를.. (못했다면 9월이후에는 꼭하자.) → 기하적관찰을 통한 불연속점의 개수 등을 묻는 경우가 있는데, 실수하지말자. (어렵게 내면 놓치는 듯)
2. 다항함수의 미분법	<ul style="list-style-type: none"> → 구간에서의 최댓값과 최솟값이 준킬러 혹은 킬러로 나올 가능성이 높다. → 절댓값함수의 미분가능성은 여전히 매력적인 소재이다. → 구간함수의 미분가능성도 출제가능성이 높는데, 연속+미가로 해결 → 좌미계 우미계를 활용한 문제 역시 출제가능한데, 해당문제는 특수점을 찍어가며 문제상황에 맞는 함수를 빠르게유추하자. (물론 식해석이 중요하다.)
3. 다항함수의 적분법	<ul style="list-style-type: none"> → 아직은 그래도 가장 강력한 ㄱㄴㄷ 문제로 나올 수 있다. → 최고차항의 계수가 안 나와있으면 음수부터 생각해보자. (미분도 마찬가지로) → 적분 넓이를 구할 때, 동치식을 많이 구해보자. (ex> $\int_1^t (x-1)(x-2)^2 dx = \int_0^{t-1} x(x-1)^2 dx$) → 적분 넓이를 구할 때, 계산이 과하다고 여겨지면 기하적 관찰을 빠르게 해보자. (평행이동, 대칭이동, 다른 도형의 넓이)

확률과 통계	
1. 경우의 수	<ul style="list-style-type: none"> → 함수 개수 문제로 28, 29, 30 출제 가능성이 높다. → “약수의 개수” 출제 경보 → 지역의 개수도 매력적인데, 6월에 한 번 출제 해서 9월은 설 듯하다. → 원순열은 경우의 수로 내기에 한계가 있음 (안나오거나 확률?, 나오더라도 뭐 엄청쉬울 것이다.) → 이항정리가 거저 주는 문제가 아닐 수 있음 (25번, 26번)
2. 확률	<ul style="list-style-type: none"> → 푼금 원순열 준킬러 가능 → 카드, 주머니, 주사위 등으로 조건부확률 및 일반확률로 익숙한 소재로 출제 예정 → “약수의 개수” 출제 경보 → 8문제 중에 하나정도 “여사건”은 나올 가능성이 높다.
3. 통계	<ul style="list-style-type: none"> → 통계는 개념들을 정말 제대로 정독하자. 학생들이 너무 유형화 학습만 되어 있다. 예를들어, 확률질량함수, 이산으로 접근되는 확률, 그리고 확률밀도함수에서 그래프 해석 등 여러 형태의 개념들에서 도전하여서 변별을 할 수 있다.

미적분	
1. 수열의 극한	<ul style="list-style-type: none"> → 수열의 극한 도형 고난도 문제들 모아서 초항과 공비 구하는 방식들을 전부 암기해두길 추천한다. → 6월 30번처럼 신선한 문제가 28, 29번에 나올 수 있다만, 6월에 출제하였기에 9월에도 나오기에는 부담스럽다. 다만 수능에서는 28, 29번정도로 짝 짝 가능? 수열을 만들다보면 수열의 극한으로 내고 싶은 문제들이 더러 있기 때문에, 수열의 극한에서 도형이 아닌 고난도 문제의 길은 열려있다. → 극한 연산 문제도 피곤하게 나올 수 있다.
2. 미분법	<ul style="list-style-type: none"> → 미분은.. 내용이 방대한데, 6월 28번정도와 기출학습이 중요해보인다. → 29번 삼도극은 나오지 않을듯하지만, 24-27번사이에서 '근사'와 차이가 없는 문제는 출제 가능하다. → 개인적으로 다양한 그래프 개형들은 암기해두고, 여전히 N축 등의 기술등도 숙지해두는 것이 좋다고 생각한다. (합성함수의 미분은 교육과정 성취기준에서 중요한 내용이다.) → 이계도함수가 필요할 수 있다. (중요한 내용인데, 사설 등에서는 은근히 하지 않는다.)
3. 적분법	<ul style="list-style-type: none"> → 구간으로 나뉘어서 적분하는 문제 출제가능성 높음 → 치환, 부분적분은 최근에 쉽게나오는 추세였는데 9월과 수능에서 얹어버릴 수도 있다. → 정적분과 급수 사이의 관계로 기본문제만 나왔는데, 4점 출제 가능성이 존재할까? → 곡선의 길이 및 점이 이동한 거리 문제로 29, 30번 출제가능성!

기하 (정보가 부족하지만. 열심히 찾아보면서 씀)	
1. 이차곡선	<ul style="list-style-type: none"> → 이차곡선의 성질에서 쌍곡선 및 타원은 대칭성을 활용한 문제가 나올 가능성이 있다. → 접선의 방정식은 공식으로 처리 → 피타고라스와 사인코사인법칙 역시 활용해서 고난도 문제출제 가능성 높다. → 29번이나 30번 출제가능성이 높다.
2. 벡터	<ul style="list-style-type: none"> → 벡터가 변수가 많은 단원이라 생각한다. 다양한 훈련을 하자. → 일단 EBS 문제들은 생각보다 쉽지는 않으므로 EBS 수특과 수완은 수능전에 전부 다 풀어두자 → 도형과 벡터 문제가 많이 출제. 영역문제는 출제가능성이 낮다. → 벡터의 성분화 표시하여 연산문제 출제가능성있음 (27, 29, 30)
3. 공간도형	<ul style="list-style-type: none"> → 학생들이 평소에 어려워해서 28번으로 출제시켜버릴 수도 있다. (공간만 나오면 넘어가는 애들이 존재하여서 찍을 수 있도록 낼 가능성) → 요즘 공간은 할 것 없다. EBS와 기출만 풀어도 충분히 고득점 가능

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시
보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 수학1

[수완 169p 21번]

21

▶ 23054-1141

집합 $A = \{0, 1\}$ 과 자연수 n 에 대하여 집합 S_n 을

$$S_n = \left\{ \sum_{k=1}^n (-2)^{k-1} a_k \mid a_k \in A \right\}$$

라 하자. 예를 들어 $S_1 = \{0, 1\}$, $S_2 = \{-2, -1, 0, 1\}$ 이다.

집합 S_3 의 원소의 개수를 p , 5453이 집합 S_n 의 원소가 되는 n 의 최솟값을 q 라 하자. $p+q$ 의 값을 구하시오. [4점]

[수완 145p 21번]

21

▶ 23054-1081

$0 < a < \frac{\pi}{2}$ 인 상수 a 에 대하여 $a \leq x \leq 4a$ 에서 방정식

$\sin x = k$ 가 오직 한 개의 실근을 갖도록 하는 실수 k 의 값이 1
뿐일 때, 다음 조건을 만족시키는 10 이하의 두 자연수 m ,
 n ($m < n$)의 모든 순서쌍 (m, n) 의 개수를 구하시오. [4점]

달힌구간 $[ma, na]$ 에서 함수 $y = \sin x$ 의 최댓값과 최솟값의
합은 0이다.

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 수학1

[수완 155p 15번]

15

▶ 23054-1105

$0 < t < 2\pi, t \neq \frac{\pi}{2}, t \neq \pi, t \neq \frac{3}{2}\pi$ 인 실수 t 에 대하여 $0 < x < 2\pi$

에서 x 에 대한 방정식

$$(\sin x - |\sin t|)(|\sin x| - \sin t) = 0$$

의 실근 중 가장 작은 값을 $f(t)$, 가장 큰 값을 $g(t)$, 서로 다른 모든 실근의 합을 $h(t)$ 라 하자. t 에 대한 방정식

$g(t) - f(t) = kh(t)$ 의 모든 실근의 합이 4π 가 되도록 하는 모든 실수 k 의 값의 범위가 $\alpha < k < \beta$ 일 때, $\alpha\beta$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{16}$ ② $\frac{1}{8}$ ③ $\frac{3}{16}$
 ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{5}{16}$

[2024학년도 7월 15번]

15. 모든 항이 자연수인 수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $a_1 < 300$

(나) 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} \frac{1}{3}a_n & (\log_3 a_n \text{이 자연수인 경우}) \\ a_n + 6 & (\log_3 a_n \text{이 자연수가 아닌 경우}) \end{cases}$$

이다.

$\sum_{k=4}^7 a_k = 40$ 이 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합은? [4점]

- ① 315 ② 321 ③ 327 ④ 333 ⑤ 339

6

수학 영역

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫실거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 수학2

[수특 수2 28p 3번]

- 3 [23009-0047] 함수 $f(x) = \frac{ax+b}{x-2}$ 와 양의 실수 t 에 대하여 x 에 대한 방정식 $|f(x)|=t$ 의 서로 다른 실근의 개수를 $g(t)$ 라 하고, x 에 대한 방정식 $|f(x)|=tx$ 의 서로 다른 실근의 개수를 $h(t)$ 라 할 때, 두 함수 $g(t), h(t)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수 $g(t)$ 는 $t=b$ 에서만 불연속이다.
 (나) 함수 $h(t)$ 는 양의 실수 전체의 집합에서 연속이다.

$f(4)+h(4)=-3$ 일 때, $f(b)$ 의 값은? (단, a, b 는 상수이고, $2a+b \neq 0, b > 0$ 이다.)

- ① -10 ② -8 ③ -6 ④ -4 ⑤ -2

[수완 145p 22번]

22

▶ 23054-1082

다음 조건을 만족시키는 최고차항의 계수가 1인 모든 사차함수 $f(x)$ 에 대하여 $f(3)$ 의 최솟값과 최댓값의 합을 구하시오. [4점]

(가) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{x-2} = 6$

(나) 모든 실수 x 에 대하여 $|f(x)| \leq |xg(x)|$, $g(0) = -6$ 인 연속함수 $g(x)$ 가 존재한다.

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 수학2

[수완121p 22번]

22

▶ 23054-1022

최고차항의 계수가 1인 이차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(x)$ 를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) \times f'(x) & (x < 1) \\ -f(x) \times f'(x) & (x \geq 1) \end{cases}$$

이라 하자. 실수 t 에 대하여 방정식 $g(x) = t$ 의 서로 다른 실근의 개수를 $h(t)$ 라 할 때, 세 함수 $f(x)$, $g(x)$, $h(t)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 방정식 $f(x) = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖는다.
- (나) 함수 $g(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
- (다) $h(k) = 2$ 이고 $\lim_{t \rightarrow k^-} h(t) > \lim_{t \rightarrow k^+} h(t)$ 를 만족시키는 실수 k 가 존재한다.

$g(-1) = 20$ 일 때, $g(0) \times g(3)$ 의 값을 구하시오. [4점]

[2024학년도 6월 20번]

20. 최고차항의 계수가 1인 이차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \int_0^x f(t) dt$$

가 다음 조건을 만족시킬 때, $f(9)$ 의 값을 구하시오. [4점]

- $x \geq 1$ 인 모든 실수 x 에 대하여
- $g(x) \geq g(4)$ 이고 $|g(x)| \geq |g(3)|$ 이다.

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시
보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 확통

[수완 172p 28번]

28

▶ 23054-1148

두 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, $Y = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여
다음 조건을 만족시키는 함수 $f: X \rightarrow Y$ 의 개수는? [4점]

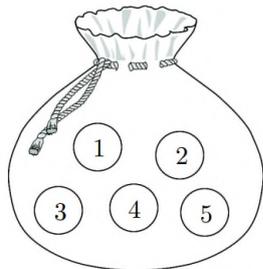
- (가) $f(6) = 5$ 이고, 집합 X 의 모든 원소 x 에 대하여 $f(x) \leq x$
이다.
(나) 집합 X 의 임의의 두 원소 x_1, x_2 에 대하여 $x_1 < x_2$ 이면
 $f(x_1) \leq f(x_2)$ 이다.

- ① 42 ② 43 ③ 44
④ 45 ⑤ 46

[2023년 7월 교육청 29번]

28. 1부터 5까지의 자연수가 하나씩 적힌 5개의 공이 들어
있는 주머니가 있다. 이 주머니에서 공을 임의로 한 개씩
5번 꺼내어 n ($1 \leq n \leq 5$)번째 꺼낸 공에 적혀 있는 수를
 a_n 이라 하자. $a_k \leq k$ 를 만족시키는 자연수 k ($1 \leq k \leq 5$)의
최솟값이 3일 때, $a_1 + a_2 = a_4 + a_5$ 일 확률은?
(단, 꺼낸 공은 다시 넣지 않는다.) [4점]

- ① $\frac{4}{19}$ ② $\frac{5}{19}$ ③ $\frac{6}{19}$ ④ $\frac{7}{19}$ ⑤ $\frac{8}{19}$



추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

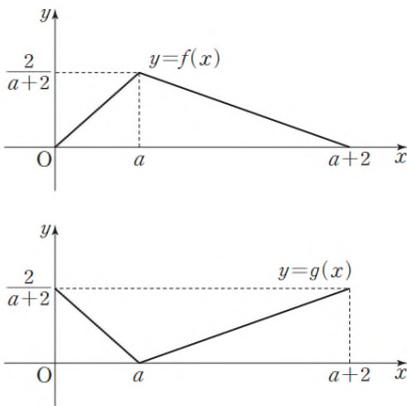
: 확통

[수완 161p 29번]

29

▶ 23054-1119

$0 < a < 2$ 인 상수 a 에 대하여 두 연속확률변수 X 와 Y 가 갖는 값의 범위는 $0 \leq X \leq a+2$, $0 \leq Y \leq a+2$ 이고, X 와 Y 의 확률 밀도함수는 각각 $f(x)$, $g(x)$ 이다. 두 확률밀도함수 $f(x)$, $g(x)$ 의 그래프는 그림과 같다.



$0 < k \leq a+2$ 에서 정의된 함수 $h(k)$ 를

$$h(k) = |P(0 \leq X \leq k) - P(0 \leq Y \leq k)|$$

라 하자. 함수 $h(k)$ 의 최댓값이 $\frac{5}{14}$ 일 때, $a = \frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

[수완 149p 29번]

29

▶ 23054-1089

집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에서 X 로의 모든 일대일대응 중 임의로 선택한 하나의 함수를 f 라 할 때, 함수 f 가 다음 조건을 만족시킬 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- (가) $f(1)f(2)$ 의 값이 4의 약수이거나 $f(2)f(5)$ 의 값이 6의 배수이다.
- (나) $f(1) < f(5)$

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시
보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 미적

[수완 125p 29번]

29

▶ 23055-1029

두 상수 a, b 에 대하여 함수 $f(x) = \frac{-x^2 + ax + b}{e^x}$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수 $f(x)$ 는 $x=x_1$ 과 $x=x_2$ ($x_1 \neq x_2$)에서 극값을 갖고 $x_1 + x_2 = 2$ 이다.
 (나) 곡선 $y=f(x)$ 의 변곡점의 x 좌표는 x_3, x_4 ($x_3 \neq x_4$)이고 $(x_3)^2 + (x_4)^2 = 14$ 이다.

실수 t 에 대하여 함수

$$g(t) = \begin{cases} \frac{f(t)}{t+1} & (t \neq -1) \\ f'(-1) & (t = -1) \end{cases}$$

일 때, 구간 $[-1, \infty)$ 에서 함수 $g(t)$ 의 최댓값은 M 이고 최솟값은 m 이다. $(emM)^2$ 의 값을 구하시오.

$$\left(\text{단, } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{e^x} = 0 \right) \text{ [4점]}$$

[수완 136p 28번]

28

▶ 23055-1058

$-2\pi < x < 2\pi$ 에서 함수 $f(x) = (4 \cos x + 3)(4 \cos x - 3)^2$ 이 $x=a$ 에서 극값을 갖도록 하는 모든 실수 a 의 값을 작은 수부터 크기순으로 나열하면 x_1, x_2, \dots, x_n 이다. $\sum_{k=1}^n (k \cos x_k)$ 의 값은? (단, n 은 자연수이다.) [4점]

- ① -6 ② 0 ③ 6
 ④ 12 ⑤ 18

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낯설거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 미적

[2024학년도 6월 평가원 미적 28번]

28. 두 상수 $a(a > 0)$, b 에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, $a \times b$ 의 값은?
[4점]

(가) 모든 실수 x 에 대하여

$$\{f(x)\}^2 + 2f(x) = a \cos^3 \pi x \times e^{\sin^2 \pi x} + b$$
 이다.
 (나) $f(0) = f(2) + 1$

- ① $-\frac{1}{16}$ ② $-\frac{7}{64}$ ③ $-\frac{5}{32}$ ④ $-\frac{13}{64}$ ⑤ $-\frac{1}{4}$

[수완 149p 30번]

30 ▶ 23055-1090

실수 전체의 집합에서 연속인 이계도함수를 갖는 함수 $f(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $f'(x) < 0$
 (나) $\{f'(x)\}^2 + 3 \int_0^x f(2t) dt = 9$

$f''(0) = 0$, $\{f(1)\}^2 = \{f'(1)\}^2 - \{f'(0)\}^2$,
 $\int_0^2 f(x) dx = -\frac{3}{2} \left(e - \frac{1}{e} \right)^2$ 일 때,
 $\int_0^1 \frac{f''(x) \times f(x)}{\{f'(x)\}^2} dx = \frac{k}{e^2 + 1}$ 이다. 상수 k 의 값을 구하시오.

[4점]

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 기하

[수완 173p 30번]

30

▶ 23056-1150

좌표평면에서 세 점 $A(-2, 0)$, $B(0, 2)$, $C(4, 2)$ 에 대하여 두 점 P, Q 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{PB} = 0, \overrightarrow{BQ} \cdot \overrightarrow{QC} = 0$
- (나) $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{BC} \leq 4, \overrightarrow{CQ} \cdot \overrightarrow{AB} \geq 0$

점 $D(-1, 1)$ 에 대하여 $\overrightarrow{DP} \cdot \overrightarrow{DQ}$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M+m=p\sqrt{2}+q\sqrt{5}$ 이다. p^2+q^2 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 유리수이다.) [4점]

[수완 160p 28번]

28

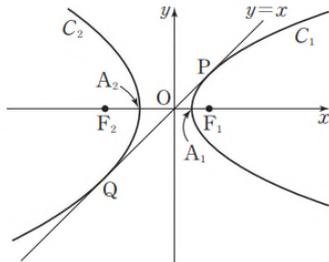
▶ 23056-1118

그림과 같이 네 양수 p_1, p_2, k_1, k_2 에 대하여 두 포물선

$$C_1: y^2 = 4p_1(x - k_1), C_2: y^2 = -4p_2(x + k_2)$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 두 포물선 C_1, C_2 가 각각 점 P, Q 에서 직선 $y=x$ 에 접하고, $\overline{PQ} = 4\sqrt{2}$ 이다.
- (나) 포물선 C_1 의 꼭짓점과 초점을 각각 A_1, F_1 , 포물선 C_2 의 꼭짓점과 초점을 각각 A_2, F_2 라 하면 $\overline{A_1F_2} - \overline{A_2F_1} = 1$ 이다.



$p_1 \times p_2$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{4}$
- ② $\frac{3}{8}$
- ③ $\frac{1}{2}$
- ④ $\frac{5}{8}$
- ⑤ $\frac{3}{4}$

추천문항은 많지만, 준킬러 및 핵심문항 소재로 낫설거나 반드시 보아야 하는 문제 과목별 4개씩 추천 (올해 수특, 수완, 기출)

: 기하

[2023년 7월 교육청 28번]

28. 두 초점이 $F(c, 0)$, $F'(-c, 0)$ ($c > 0$)인 쌍곡선

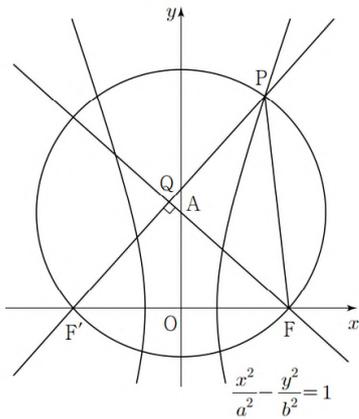
$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \text{ 과 점 } A(0, 6) \text{ 을 중심으로 하고 두 초점을}$$

지나는 원이 있다. 원과 쌍곡선이 만나는 점 중 제1사분면에 있는 점 P 와 두 직선 PF' , AF 가 만나는 점 Q 가

$$\overline{PF} : \overline{PF'} = 3 : 4, \angle F'QF = \frac{\pi}{2}$$

를 만족시킬 때, $b^2 - a^2$ 의 값은? (단, a, b 는 양수이고, 점 Q 는 제2사분면에 있다.) [4점]

- ① 30 ② 35 ③ 40 ④ 45 ⑤ 50



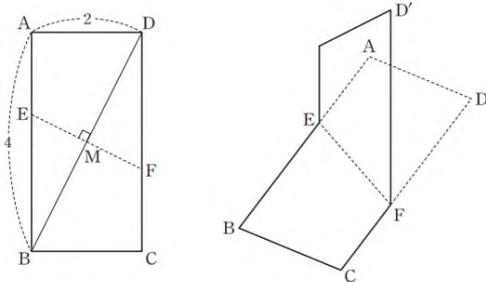
[수완 149p 30번]

30

▶ 23056-1090

그림과 같이 $\overline{AB}=4$, $\overline{AD}=2$ 인 직사각형 $ABCD$ 모양의 종이
가 있다. 대각선 BD 의 중점을 M 이라 하고 점 M 을 지나고 직
선 BD 에 수직인 직선이 두 선분 AB , CD 와 만나는 점을 각각
 E , F 라 하자. 선분 EF 를 접는 선으로 하여 두 평면 $AEFD$,
 $EBCF$ 가 서로 수직이 되도록 종이를 접었을 때, 점 D 에 대응
되는 점을 D' 이라 하자. 평면 CFD' 과 평면 $EBCF$ 가 이루는
각의 크기를 θ 라 할 때, $72 \cos^2 \theta$ 의 값을 구하시오.

(단, 종이의 두께는 고려하지 않는다.) [4점]



파이팅 좋아요, 팔로우는 대환영