

# 수 학 영 역

홀수형

성명

수험 번호

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하십시오.

**모두가 이름이 붙어 있지 않은 보석들**

- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호, 문형(홀수/짝수), 답을 정확히 표시하십시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하십시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고 하십시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

※ 공통 과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하십시오.

- **공통과목** ..... 1~8 쪽
- **선택과목**
  - 확률과 통계 ..... 9~12 쪽
  - 미적분 ..... 13~16 쪽
  - 기하 ..... 17~20 쪽

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.



제 2 교시

수학 영역

홀수형

5지선다형

1.  $\frac{3^{\sqrt{5}+1}}{3^{\sqrt{5}-1}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ②  $\sqrt{3}$       ③ 3      ④  $3\sqrt{3}$       ⑤ 9

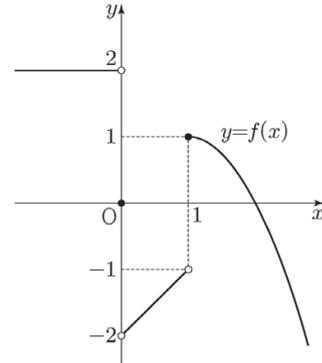
2.  $\int_{-1}^1 (x^3 + a)dx = 4$ 일 때, 상수  $a$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

3. 함수  $y=2^x$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로  $m$ 만큼 평행이동한 그래프가 점  $(-1, 2)$ 를 지날 때, 상수  $m$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{2}$       ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④ 2      ⑤  $\frac{5}{2}$

4. 함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) - \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

5.  $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 인  $\theta$ 에 대하여  $\sin\theta \cos\theta = -\frac{12}{25}$ 일 때,

$\sin\theta - \cos\theta$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{4}{5}$       ② 1      ③  $\frac{6}{5}$       ④  $\frac{7}{5}$       ⑤  $\frac{8}{5}$

6. 다항함수  $f(x)$ 가

$$f'(x) = 3x^2 - kx + 1, \quad f(0) = f(2) = 1$$

을 만족시킬 때, 상수  $k$ 의 값은? [3점]

- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

7. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x-4 & (x < a) \\ x+3 & (x \geq a) \end{cases}$$

에 대하여 함수  $|f(x)|$ 가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① -1      ②  $-\frac{1}{2}$       ③ 0      ④  $\frac{1}{2}$       ⑤ 1

8. 함수  $y = 6 \sin \frac{\pi}{12} x$  ( $0 \leq x \leq 12$ )의 그래프와 직선  $y = 3$ 이  
만나는 두 점을 각각 A, B라 할 때, 선분 AB의 길이는? [3점]
- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

10.  $\frac{1}{2} < \log a < \frac{11}{2}$ 인 양수  $a$ 에 대하여  $\frac{1}{3} + \log \sqrt{a}$ 의 값이  
자연수가 되도록 하는 모든  $a$ 의 값의 곱은? [4점]
- ①  $10^{10}$       ②  $10^{11}$       ③  $10^{12}$       ④  $10^{13}$       ⑤  $10^{14}$

9. 원점을 지나고 곡선  $y = -x^3 - x^2 + x$ 에 접하는 모든 직선의  
기울기의 합은? [4점]
- ① 2      ②  $\frac{9}{4}$       ③  $\frac{5}{2}$       ④  $\frac{11}{4}$       ⑤ 3

11. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

방정식  $f(x)=9$ 는 서로 다른 세 실근을 갖고,  
이 세 실근은 크기 순서대로 등비수열을 이룬다.

$f(0)=1$ ,  $f'(2)=-2$ 일 때,  $f(3)$ 의 값은? [4점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

12.  $0 < a < b$ 인 모든 실수  $a, b$ 에 대하여

$$\int_a^b (x^3 - 3x + k) dx > 0$$

이 성립하도록 하는 실수  $k$ 의 최솟값은? [4점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

13. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  
다음은 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^n \frac{S_k}{k!} = \frac{1}{(n+1)!}$$

이 성립할 때,  $\sum_{k=1}^n \frac{1}{a_k}$ 을 구하는 과정이다.

$n=1$ 일 때,  $a_1 = S_1 = \frac{1}{2}$  이므로  $\frac{1}{a_1} = 2$ 이다.

$n=2$ 일 때,  $a_2 = S_2 - S_1 = -\frac{7}{6}$  이므로  $\sum_{k=1}^2 \frac{1}{a_k} = \frac{8}{7}$ 이다.

$n \geq 3$ 인 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$\frac{S_n}{n!} = \sum_{k=1}^n \frac{S_k}{k!} - \sum_{k=1}^{n-1} \frac{S_k}{k!} = -\frac{\boxed{\text{(가)}}}{(n+1)!}$$

즉,  $S_n = -\frac{\boxed{\text{(가)}}}{n+1}$  이므로

$$a_n = S_n - S_{n-1} = -\left(\frac{\boxed{\text{(나)}}}{n}\right)$$

이다. 한편  $\sum_{k=3}^n k(k+1) = -8 + \sum_{k=1}^n k(k+1)$  이므로

$$\begin{aligned} \sum_{k=1}^n \frac{1}{a_k} &= \frac{8}{7} - \sum_{k=3}^n k(k+1) \\ &= \frac{64}{7} - \frac{n(n+1)}{2} - \sum_{k=1}^n \boxed{\text{(다)}} \\ &= -\frac{1}{3}n^3 - n^2 - \frac{2}{3}n + \frac{64}{7} \end{aligned}$$

이다.

위의 (가), (나), (다)에 알맞은 식을 각각  $f(n)$ ,  $g(n)$ ,  $h(k)$ 라 할 때,  $f(5) \times g(3) \times h(6)$ 의 값은? [4점]

- ① 3      ② 6      ③ 9      ④ 12      ⑤ 15

14. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간  $t$ 에서의 가속도가

$$a(t) = 3t^2 - 12t + 9 \quad (t \geq 0)$$

이고, 시간  $t=0$ 에서의 속도가  $k$ 일 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

<보 기>

ㄱ. 구간  $(3, \infty)$ 에서 점 P의 속도는 증가한다.  
 ㄴ.  $k=-4$ 이면 구간  $(0, \infty)$ 에서 점 P의 운동 방향이 두 번 바뀐다.  
 ㄷ. 시간  $t=0$ 에서 시간  $t=5$ 까지 점 P의 위치의 변화량과 점 P가 움직인 거리가 같도록 하는  $k$ 의 최솟값은 0이다.

- ① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄱ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

15. 다음 조건을 만족시키는 모든 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$\sum_{k=1}^{100} a_k$ 의 최댓값과 최솟값을 각각  $M, m$ 이라 할 때,  
 $M - m$ 의 값은? [4점]

(가)  $a_5 = 5$

(나) 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n - 6 & (a_n \geq 0) \\ -2a_n + 3 & (a_n < 0) \end{cases}$$

이다.

- ① 64      ② 68      ③ 72      ④ 76      ⑤ 80

단답형

16. 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_3 = 7, a_2 + a_5 = 16$ 일 때,  
 $a_{10}$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 미분가능한 함수  $f(x)$ 가  $f(1) = 2, f'(1) = 4$ 를 만족시킬 때,  
 함수  $g(x) = (x+1)f(x)$ 의  $x = 1$ 에서의 미분계수를 구하시오.  
 [3점]

18. 두 양수  $x, y$ 가

$$\log_2(x+2y)=3, \quad \log_2 x + \log_2 y = 1$$

을 만족시킬 때,  $x^2+4y^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 실수  $k$ 에 대하여 함수  $f(x) = x^4 + kx + 10$ 이  $x=1$ 에서 극값을 가질 때,  $f(1)$ 의 값을 구하시오. [3점]

20. 공차가 정수인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

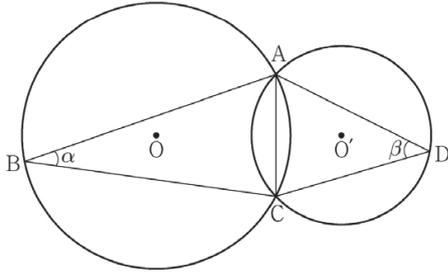
$$a_3 + a_5 = 0, \quad \sum_{k=1}^6 (|a_k| + a_k) = 30$$

일 때,  $a_9$ 의 값을 구하시오. [4점]

21. 그림과 같이 한 평면 위에 있는 두 삼각형 ABC, ACD의 외심을 각각 O, O'이라 하고  $\angle ABC = \alpha$ ,  $\angle ADC = \beta$ 라 할 때,

$$\frac{\sin\beta}{\sin\alpha} = \frac{3}{2}, \quad \cos(\alpha + \beta) = \frac{1}{3}, \quad \overline{OO'} = 1$$

이 성립한다. 삼각형 ABC의 외접원의 넓이가  $\frac{q}{p}\pi$ 일 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



22. 함수

$$f(x) = x^3 - 3px^2 + q$$

가 다음 조건을 만족시키도록 하는 25 이하의 두 자연수  $p, q$ 의 모든 순서쌍  $(p, q)$ 의 개수를 구하시오. [4점]

- (가) 함수  $|f(x)|$ 가  $x=a$ 에서 극대 또는 극소가 되도록 하는 모든 실수  $a$ 의 개수는 5이다.
- (나) 닫힌구간  $[-1, 1]$ 에서 함수  $|f(x)|$ 의 최댓값과 닫힌구간  $[-2, 2]$ 에서 함수  $|f(x)|$ 의 최댓값은 같다.

제 2 교시

## 수학 영역(확률과 통계)

출수형

## 5지선다형

23. 확률변수  $X$ 가 이항분포  $B\left(80, \frac{1}{8}\right)$ 을 따를 때,  $E(X)$ 의 값은? [2점]

- ① 10      ② 12      ③ 14      ④ 16      ⑤ 18

24.  $\left(x^5 + \frac{1}{x^2}\right)^6$ 의 전개식에서  $x^2$ 의 계수는? [3점]

- ① 3      ② 6      ③ 9      ④ 12      ⑤ 15

25. 두 사건  $A, B$ 에 대하여  $A^C$ 과  $B$ 는 서로 배반사건이고,

$$P(A) = \frac{1}{2}, \quad P(A \cap B^C) = \frac{2}{7}$$

일 때,  $P(B)$ 의 값은? (단,  $A^C$ 은  $A$ 의 여사건이다.) [3점]

- ①  $\frac{5}{28}$     ②  $\frac{3}{14}$     ③  $\frac{1}{4}$     ④  $\frac{2}{7}$     ⑤  $\frac{9}{28}$

26. 확률변수  $X$ 가 정규분포  $N(m, 10^2)$ 을

따르고  $P(X \leq 50) = 0.2119$ 일 때,  
 $m$ 의 값을 오른쪽 표준정규분포표를  
 이용하여 구한 것은? [3점]

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.6	0.2257
0.7	0.2580
0.8	0.2881
0.9	0.3159

- ① 55    ② 56    ③ 57    ④ 58    ⑤ 59

27. 집합  $X = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 모든 함수  $f : X \rightarrow X$ 의 개수는? [3점]

(가)  $f(1) + f(2) + f(3) \geq 3f(4)$   
 (나)  $k = 1, 2, 3$ 일 때  $f(k) \neq f(4)$ 이다.

- ① 41      ② 45      ③ 49      ④ 53      ⑤ 57

28. 1부터 10까지의 자연수 중에서 임의로 서로 다른 3개의 수를 선택한다. 선택한 세 개의 수의 곱이 짝수일 때, 그 세 개의 수의 합이 3의 배수일 확률은? [4점]

- ①  $\frac{14}{55}$       ②  $\frac{3}{10}$       ③  $\frac{19}{55}$       ④  $\frac{43}{110}$       ⑤  $\frac{24}{55}$

## 단답형

29. 다음 조건을 만족시키는 음이 아닌 정수  $a, b, c, d$ 의 모든 순서쌍  $(a, b, c, d)$ 의 개수를 구하시오. [4점]

(가)  $a+b+c+d=12$

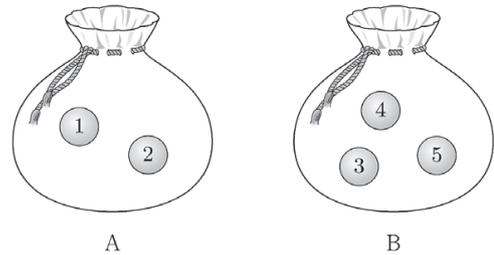
(나)  $a \neq 2$ 이고  $a+b+c \neq 10$ 이다.

30. 주머니 A에는 숫자 1, 2가 하나씩 적혀 있는 2개의 공이 들어 있고, 주머니 B에는 숫자 3, 4, 5가 하나씩 적혀 있는 3개의 공이 들어 있다. 다음의 시행을 3번 반복하여 확인한 세 개의 수의 평균을  $\bar{X}$ 라 하자.

두 주머니 A, B 중 임의로 선택한 하나의 주머니에서 임의로 한 개의 공을 꺼내어 공에 적혀 있는 수를 확인한 후 꺼낸 주머니에 다시 넣는다.

$P(\bar{X}=2) = \frac{q}{p}$  일 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(미적분)

출수형

5지선다형

23.  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\pi} \sin x dx$ 의 값은? [2점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

24. 정수  $k$ 에 대하여 수열  $\{a_n\}$ 의 일반항을

$$a_n = \left(\frac{|k|}{3} - 2\right)^n$$

이라 하자. 수열  $\{a_n\}$ 이 수렴하도록 하는 모든 정수  $k$ 의 개수는? [3점]

- ① 4      ② 8      ③ 12      ④ 16      ⑤ 20

25. 매개변수  $t$ 로 나타낸 곡선

$$x = e^t + 2t, \quad y = e^{-t} + 3t$$

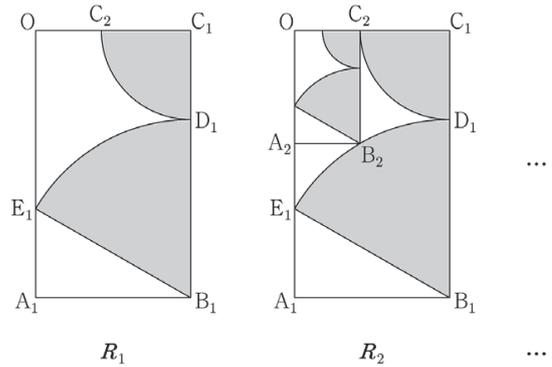
에 대하여  $t=0$ 에 대응하는 점에서의 접선이 점  $(10, a)$ 를 지날 때,  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

26. 그림과 같이  $\overline{OA_1} = \sqrt{3}$ ,  $\overline{OC_1} = 1$ 인 직사각형  $OA_1B_1C_1$ 이 있다. 선분  $B_1C_1$  위의  $\overline{B_1D_1} = 2\overline{C_1D_1}$ 인 점  $D_1$ 에 대하여 중심이  $B_1$ 이고 반지름의 길이가  $\overline{B_1D_1}$ 인 원과 선분  $OA_1$ 의 교점을  $E_1$ , 중심이  $C_1$ 이고 반지름의 길이가  $\overline{C_1D_1}$ 인 원과 선분  $OC_1$ 의 교점을  $C_2$ 라 하자. 부채꼴  $B_1D_1E_1$ 의 내부와 부채꼴  $C_1C_2D_1$ 의 내부로 이루어진  $\sphericalangle$  모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에서 선분  $OA_1$  위의 점  $A_2$ , 호  $D_1E_1$  위의 점  $B_2$ 와 점  $C_2$ , 점  $O$ 를 꼭짓점으로 하는 직사각형  $OA_2B_2C_2$ 를 그리고, 그림  $R_1$ 을 얻은 것과 같은 방법으로 직사각형  $OA_2B_2C_2$ 에  $\sphericalangle$  모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여  $n$ 번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은? [3점]



- ①  $\frac{5+2\sqrt{3}}{12} \pi$       ②  $\frac{2+\sqrt{3}}{6} \pi$       ③  $\frac{3+2\sqrt{3}}{12} \pi$   
 ④  $\frac{1+\sqrt{3}}{6} \pi$       ⑤  $\frac{1+2\sqrt{3}}{12} \pi$

27. 곡선  $y = x \ln(x^2 + 1)$  과  $x$  축 및 직선  $x = 1$  로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

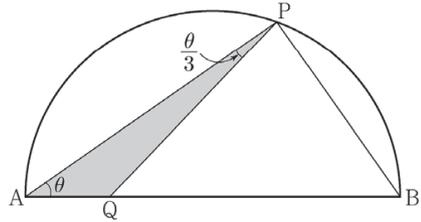
- ①  $\ln 2 - \frac{1}{2}$       ②  $\ln 2 - \frac{1}{4}$       ③  $\ln 2 - \frac{1}{6}$
- ④  $\ln 2 - \frac{1}{8}$       ⑤  $\ln 2 - \frac{1}{10}$

28. 그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 위에 점 P가 있고, 선분 AB 위에 점 Q가 있다.

$\angle PAB = \theta$  이고  $\angle APQ = \frac{\theta}{3}$  일 때, 삼각형 PAQ의 넓이를

$S(\theta)$ , 선분 PB의 길이를  $l(\theta)$ 라 하자.  $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{l(\theta)}$ 의 값은?

(단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [4점]



- ①  $\frac{1}{12}$       ②  $\frac{1}{6}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{3}$       ⑤  $\frac{5}{12}$

## 단답형

29. 함수  $f(x) = e^x + x - 1$  과 양수  $t$  에 대하여 함수

$$F(x) = \int_0^x \{t - f(s)\} ds$$

가  $x = \alpha$  에서 최댓값을 가질 때, 실수  $\alpha$  의 값을  $g(t)$  라 하자.

미분가능한 함수  $g(t)$  에 대하여  $\int_{f(1)}^{f(5)} \frac{g(t)}{1 + e^{g(t)}} dt$  의 값을

구하시오. [4점]

30. 두 양수  $a, b$  ( $b < 1$ ) 에 대하여 함수  $f(x)$  를

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 + ax & (x \leq 0) \\ \frac{\ln(x+b)}{x} & (x > 0) \end{cases}$$

이라 하자. 양수  $m$  에 대하여 직선  $y = mx$  과 함수  $y = f(x)$  의 그래프가 만나는 서로 다른 점의 개수를  $g(m)$  이라 할 때, 함수  $g(m)$  은 다음 조건을 만족시킨다.

$\lim_{m \rightarrow \alpha^-} g(m) - \lim_{m \rightarrow \alpha^+} g(m) = 1$  을 만족시키는 양수  $\alpha$  가

오직 하나 존재하고, 이  $\alpha$  에 대하여 점  $(b, f(b))$  는 직선  $y = \alpha x$  과 곡선  $y = f(x)$  의 교점이다.

$ab^2 = \frac{q}{p}$  일 때,  $p+q$  의 값을 구하시오.

(단,  $p$  와  $q$  는 서로소인 자연수이고,  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$  이다.) [4점]

\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(기하)

출수형

## 5지선다형

23. 좌표공간의 점  $P(1, 3, 4)$  를  $zx$  평면에 대하여 대칭이동한 점을  $Q$  라 하자. 두 점  $P$  와  $Q$  사이의 거리는? [2점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

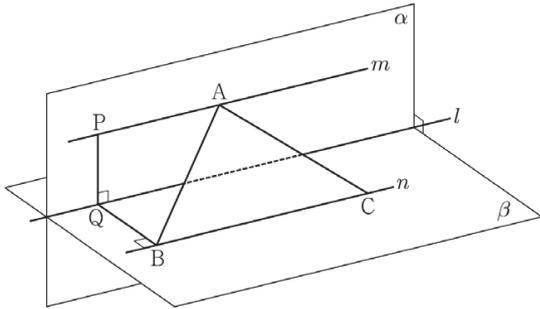
24. 좌표평면에서 점  $A(4, 6)$  과 원  $C$  위의 임의의 점  $P$  에 대하여

$$|\overrightarrow{OP}|^2 - \overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OP} = 3$$

일 때, 원  $C$  의 반지름의 길이는? (단,  $O$  는 원점이다.) [3점]

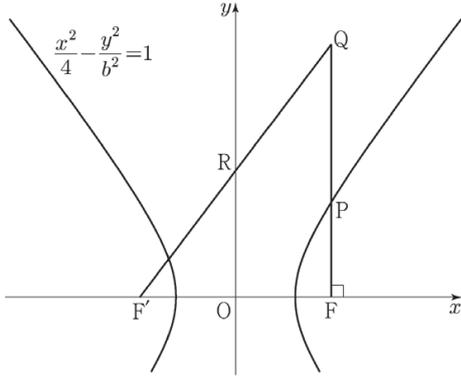
- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

25. 좌표공간에서 수직으로 만나는 두 평면  $\alpha, \beta$ 의 교선을  $l$ 이라 하자. 평면  $\alpha$  위의 직선  $m$ 과 평면  $\beta$  위의 직선  $n$ 은 각각 직선  $l$ 과 평행하다. 직선  $m$  위의  $\overline{AP}=4$ 인 두 점 A, P에 대하여 점 P에서 직선  $l$ 에 내린 수선의 발을 Q, 점 Q에서 직선  $n$ 에 내린 수선의 발을 B라 하자.  $\overline{PQ}=3, \overline{QB}=4$ 이고, 점 B가 아닌 직선  $n$  위의 점 C에 대하여  $\overline{AB}=\overline{AC}$ 일 때, 삼각형 ABC의 넓이는? [3점]
- ① 18      ② 20      ③ 22      ④ 24      ⑤ 26



26. 좌표평면에서 타원  $x^2+3y^2=19$ 와 직선  $l$ 은 제1사분면 위의 한 점에서 접하고, 원점과 직선  $l$  사이의 거리는  $\frac{19}{5}$ 이다. 직선  $l$ 의 기울기는? [3점]
- ①  $-\frac{2}{3}$       ②  $-\frac{5}{6}$       ③  $-1$       ④  $-\frac{7}{6}$       ⑤  $-\frac{4}{3}$

27. 그림과 같이 두 점  $F(c, 0)$ ,  $F'(-c, 0)$  ( $c > 0$ )을 초점으로 하는 쌍곡선  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 이 있다. 점  $F$ 를 지나고  $x$ 축에 수직인 직선이 쌍곡선과 제1사분면에서 만나는 점을  $P$ 라 하고, 직선  $PF$  위에  $\overline{QP} : \overline{PF} = 5:3$ 이 되도록 점  $Q$ 를 잡는다. 직선  $F'Q$ 가  $y$ 축과 만나는 점을  $R$ 라 할 때,  $\overline{QP} = \overline{QR}$ 이다.  $b^2$ 의 값은? (단,  $b$ 는 상수이고, 점  $Q$ 는 제1사분면 위의 점이다.) [3점]



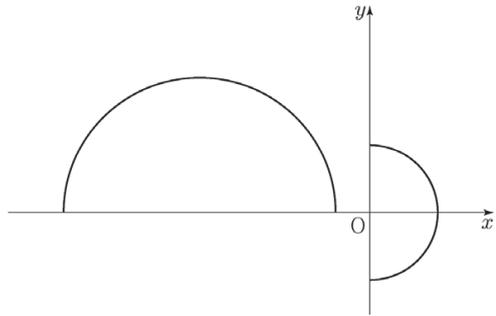
- ①  $\frac{1}{2} + 2\sqrt{5}$       ②  $1 + 2\sqrt{5}$       ③  $\frac{3}{2} + 2\sqrt{5}$
- ④  $2 + 2\sqrt{5}$       ⑤  $\frac{5}{2} + 2\sqrt{5}$

28. 좌표평면에서 반원의 호  $x^2 + y^2 = 4$  ( $x \geq 0$ ) 위의 한 점  $P(a, b)$ 에 대하여

$$\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{OQ} = 2$$

를 만족시키는 반원의 호  $(x+5)^2 + y^2 = 16$  ( $y \geq 0$ ) 위의 점  $Q$ 가 하나뿐일 때,  $a+b$ 의 값은? (단,  $O$ 는 원점이다.) [4점]

- ①  $\frac{12}{5}$       ②  $\frac{5}{2}$       ③  $\frac{13}{5}$       ④  $\frac{27}{10}$       ⑤  $\frac{14}{5}$

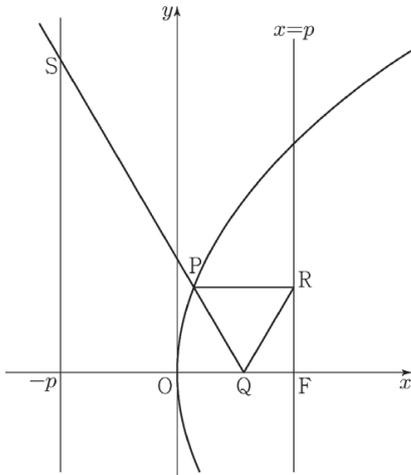


단답형

29. 그림과 같이 꼭짓점이 원점 O이고 초점이

$F(p, 0)$  ( $p > 0$ )인 포물선이 있다. 포물선 위의 점 P, x축 위의 점 Q, 직선  $x=p$  위의 점 R에 대하여 삼각형 PQR는 정삼각형이고 직선 PR는 x축과 평행하다. 직선 PQ가 점  $S(-p, \sqrt{21})$ 을 지날 때,  $\overline{QF} = \frac{a+b\sqrt{7}}{6}$ 이다.  $a+b$ 의 값을 구하시오.

(단, a와 b는 정수이고, 점 P는 제1사분면 위의 점이다.)  
[4점]



30. 좌표공간에서 점  $A(0, 0, 1)$ 을 지나는 직선이 중심이  $C(3, 4, 5)$ 이고 반지름의 길이가 1인 구와 한 점 P에서만 만난다. 세 점 A, C, P를 지나는 원의  $xy$ 평면 위로의 정사영의 넓이의 최댓값은  $\frac{q}{p}\sqrt{41}\pi$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.



※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.



# 2022학년도 대학수학능력시험 예시문항 정답표

## <수학> 영역

공통과목						선택과목								
						확률과 통계			미적분			기하		
문항 번호	정답	배점	문항 번호	정답	배점	문항 번호	정답	배점	문항 번호	정답	배점	문항 번호	정답	배점
1	⑤	2	12	②	4	23	①	2	23	④	2	23	①	2
2	②	2	13	⑤	4	24	⑤	3	24	③	3	24	④	3
3	③	3	14	④	4	25	②	3	25	②	3	25	②	3
4	④	3	15	③	4	26	④	3	26	⑤	3	26	⑤	3
5	④	3	16	21	3	27	⑤	3	27	①	3	27	④	3
6	①	3	17	10	3	28	③	4	28	③	4	28	⑤	4
7	④	3	18	56	3	29	332	4	29	12	4	29	6	4
8	③	3	19	7	3	30	71	4	30	5	4	30	9	4
9	②	4	20	25	4									
10	①	4	21	26	4									
11	②	4	22	14	4									