

* 유웨이닷컴(www.uway.com)에서 본 시험에 대한 강남구청 인터넷수능방송 명강사들의 무료 해설 특강과 다양한 학습 정보를 제공합니다. 또한, 제2외국어/한문 영역의 기출 문제를 유웨이닷컴에서 무료로 제공하오니 많은 이용 바랍니다.

1 교시 언어 영역 해설 pp. 3~7

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| 1 ④ | 2 ④ | 3 ① | 4 ① | 5 ② |
| 6 ④ | 7 ⑤ | 8 ⑤ | 9 ④ | 10 ② |
| 11 ③ | 12 ① | 13 ① | 14 ④ | 15 ① |
| 16 ② | 17 ④ | 18 ② | 19 ① | 20 ④ |
| 21 ③ | 22 ⑤ | 23 ② | 24 ③ | 25 ② |
| 26 ⑤ | 27 ② | 28 ④ | 29 ⑤ | 30 ② |
| 31 ③ | 32 ① | 33 ③ | 34 ③ | 35 ② |
| 36 ① | 37 ③ | 38 ④ | 39 ① | 40 ⑤ |
| 41 ⑤ | 42 ② | 43 ③ | 44 ② | 45 ② |
| 46 ③ | 47 ⑤ | 48 ② | 49 ⑤ | 50 ⑤ |

2 교시 수리 영역 (가형) 해설 pp. 8~10

| | | | | |
|------|--------|-------|-------|-------|
| 1 ② | 2 ④ | 3 ③ | 4 ① | 5 ④ |
| 6 ② | 7 ① | 8 ① | 9 ⑤ | 10 ⑤ |
| 11 ③ | 12 ④ | 13 ② | 14 ⑤ | 15 ② |
| 16 ③ | 17 ② | 18 ④ | 19 ③ | 20 ③ |
| 21 ④ | 22 105 | 23 8 | 24 20 | 25 63 |
| 26 5 | 27 86 | 28 36 | 29 91 | 30 17 |

2 교시 수리 영역 (나형) 해설 pp. 11~12

| | | | | |
|-------|--------|--------|-------|-------|
| 1 ② | 2 ④ | 3 ① | 4 ① | 5 ④ |
| 6 ④ | 7 ① | 8 ③ | 9 ② | 10 ⑤ |
| 11 ③ | 12 ① | 13 ② | 14 ⑤ | 15 ② |
| 16 ③ | 17 ③ | 18 ② | 19 ③ | 20 ④ |
| 21 ⑤ | 22 105 | 23 24 | 24 28 | 25 43 |
| 26 18 | 27 62 | 28 625 | 29 91 | 30 17 |

3 교시 외국어(영어) 영역 해설 pp. 13~20

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| 1 ② | 2 ③ | 3 ④ | 4 ④ | 5 ③ |
| 6 ② | 7 ⑤ | 8 ③ | 9 ② | 10 ④ |
| 11 ⑤ | 12 ④ | 13 ④ | 14 ④ | 15 ① |
| 16 ⑤ | 17 ② | 18 ② | 19 ⑤ | 20 ② |
| 21 ① | 22 ① | 23 ⑤ | 24 ⑤ | 25 ① |
| 26 ③ | 27 ① | 28 ③ | 29 ③ | 30 ③ |
| 31 ⑤ | 32 ① | 33 ③ | 34 ① | 35 ⑤ |
| 36 ⑤ | 37 ⑤ | 38 ① | 39 ③ | 40 ⑤ |
| 41 ④ | 42 ③ | 43 ② | 44 ④ | 45 ① |
| 46 ② | 47 ④ | 48 ④ | 49 ② | 50 ① |

4 교시 사회탐구 영역

[윤리] 해설 p. 21

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| 1 ① | 2 ② | 3 ① | 4 ③ | 5 ④ |
| 6 ④ | 7 ② | 8 ⑤ | 9 ④ | 10 ③ |
| 11 ⑤ | 12 ③ | 13 ④ | 14 ② | 15 ③ |
| 16 ⑤ | 17 ④ | 18 ① | 19 ② | 20 ① |

[국사] 해설 p. 22

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| 1 ④ | 2 ⑤ | 3 ③ | 4 ① | 5 ① |
| 6 ④ | 7 ① | 8 ③ | 9 ⑤ | 10 ④ |
| 11 ① | 12 ④ | 13 ② | 14 ② | 15 ⑤ |
| 16 ② | 17 ③ | 18 ② | 19 ① | 20 ③ |

[한국지리] 해설 p. 23

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| 1 ② | 2 ② | 3 ⑤ | 4 ③ | 5 ③ |
| 6 ④ | 7 ② | 8 ③ | 9 ② | 10 ③ |
| 11 ① | 12 ⑤ | 13 ② | 14 ⑤ | 15 ① |
| 16 ④ | 17 ④ | 18 ③ | 19 ① | 20 ⑤ |

2013학년도 Uway중앙교육 정시 합격전략 설명회

일시 및 장소 2012년 11월 12일 (월) 오후 2시 건국대학교 새천년기념관

주 제 2013학년도 수능 결과 분석
2013학년도 정시 판세 변화 및 지원 전략



이제는 가장 빠른 입시정보가 합격을 좌우한다!
2013학년도 당락을 좌우할 입시전략이 공개됩니다!

1566-8188 / www.Uway.com

수리 영역

● [가형]

1. 계산 능력 - 지수함수와 로그함수 (2점) [정답] ②

$$\frac{1}{9} = 3^{-2} \text{이므로 } \left(\frac{1}{9}\right)^{-\frac{1}{4}} = (3^{-2})^{-\frac{1}{4}} = 3^{\frac{1}{2}}$$

$$\therefore \log_3 \left(\frac{1}{9}\right)^{-\frac{1}{4}} = \log_3 3^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}$$

2. 계산 능력 - 함수의 극한과 연속 (2점) [정답] ④

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)}{\sin x}$$

$$= 2 \lim_{x \rightarrow 0} \left\{ \frac{\ln(1+2x)}{2x} \times \frac{x}{\sin x} \right\}$$

$$= 2 \times 1 \times 1 = 2$$

3. 계산 능력 - 미분법 (2점) [정답] ③

$$f(x) = \frac{3x}{x^2+1} \text{에서}$$

$$f'(x) = \frac{3(x^2+1) - 3x(2x)}{(x^2+1)^2} = \frac{-3x^2+3}{(x^2+1)^2}$$

$$\therefore f'(1) = \frac{-3+3}{2^2} = 0$$

4. 이해력 - 삼각함수 (3점) [정답] ①

$$f(x) = 2\sin x + 2\cos x + 2\sqrt{2}$$

$$= 2\sqrt{2}\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) + 2\sqrt{2}$$

$$\leq 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$$

따라서, $x + \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$, 즉 $x = \frac{\pi}{4}$ 일 때, $f(x)$ 는 최댓값 $4\sqrt{2}$ 를 가진다.

$$\therefore a = \frac{\pi}{4}, M = 4\sqrt{2}$$

$$\therefore a \times M = \frac{\pi}{4} \times 4\sqrt{2} = \sqrt{2}\pi$$

5. 이해력 - 이차곡선 (3점) [정답] ④

점근선 l 의 방정식은 $y = \sqrt{3}x$ 이므로 점 P의 좌표는 $(a, \sqrt{3}a)$ 이다.

$$\therefore f(a) = \frac{\sqrt{3}a}{a-1}$$

$$\therefore \lim_{a \rightarrow \infty} f(a) = \lim_{a \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{3}a}{a-1} = \sqrt{3}$$

(참고)
점 A의 좌표에 관계없이 $\lim_{a \rightarrow \infty} f(a)$ 의 값은 점근선 l 의 기울기와 같다.

6. 이해력 - 공간도형과 공간좌표 (3점) [정답] ②

점 B를 xy 평면에 대하여 대칭이동한 점을 $B'(0, 0, -a)$ 라 하면

$$\overline{AP} + \overline{PB} = \overline{AP} + \overline{PB'} \geq \overline{AB'}$$

(단, 등호는 세 점 A, P, B'이 한 직선 위에 있을 때 성립)

$$\therefore \overline{AB'} = \sqrt{3^2 + 4^2 + (5+a)^2} = \sqrt{(a+5)^2 + 25} = 5\sqrt{10}$$

따라서, $(a+5)^2 + 25 = 250$ 이므로

$$(a+5)^2 = 225 = 15^2$$

$$\therefore a = 10 (\because a > 0)$$

7. 이해력 - 행렬과 그래프 (3점) [정답] ①

주어진 연립방정식이 무수히 많은 해를 가지려면 행렬

$$\begin{pmatrix} t-1 & -1 \\ t-1 & t+2 \end{pmatrix}$$

의 역행렬이 존재하지 않아야 한다.

$$(t-1)(t+2) + (t-1) = (t-1)(t+3) = 0 \text{에서}$$

$$t=1 \text{ 또는 } t=-3$$

따라서, 구하는 두 실수 t 의 값의 합은

$$1 + (-3) = -2$$

8. 추론 능력(추측) - 확률 (3점) [정답] ①

ㄱ. (참) 두 사건 A, B가 서로 배반사건이므로 $P(A \cap B) = 0$ 이다.

$$\therefore P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= P(A) + P(B) < \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

ㄴ. (거짓) $P(A \cap B) = 0$ 이고 $P(A)P(B) > 0$ 이므로 $P(A \cap B) \neq P(A)P(B)$

따라서, 두 사건 A, B는 서로 종속이다.

ㄷ. (거짓) $A \cap B = \emptyset$ 이므로 $A^c \cap B = B$, $A \cap B^c = A$ 이다.

$$\therefore P(A^c | B) = \frac{P(A^c \cap B)}{P(B)} = \frac{P(B)}{P(B)} = 1$$

한편, $P(A | B^c) = \frac{P(A \cap B^c)}{P(B^c)} = \frac{P(A)}{P(B^c)}$ 에서

$$0 < P(A) < \frac{1}{2} \text{이고 } P(B^c) = 1 - P(B) > \frac{1}{2} \text{이므로}$$

$$P(A | B^c) < 1$$

$$\therefore P(A^c | B) > P(A | B^c)$$

9. 이해력 - 이차곡선 (3점) [정답] ⑤

정사각형 ABCD의 둘레의 길이는

$$4\overline{AB} = 4\sqrt{2}b = 24$$

$$\therefore b = 3\sqrt{2}$$

또, 두 점 A, C가 타원 E_1 의 초점이므로 타원의 정의에 의해

$$\overline{AB} + \overline{BC} = 2\sqrt{2}b = 2a$$

$$\therefore a = \sqrt{2}b = 6$$

따라서, 두 타원 E_1, E_2 의 장축의 길이의 합은

$$2a + 2a = 4a = 24$$

10. 이해력 - 수열 (3점) [정답] ⑤

(나)에서 수열 $\{a_{n+1} - a_n\}$ 은 첫째항이 $a_2 - a_1 = 2 - 1 = 1$ 이고, 공차가 2인 등차수열이다.

$$\therefore a_{n+1} - a_n = 1 + (n-1) \cdot 2 = 2n - 1$$

$$\therefore a_{50} - a_{49} = 2 \times 49 - 1 = 97$$

11. 이해력 - 일차변환과 행렬 (3점) [정답] ③

$$\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} \cos(-120^\circ) & -\sin(-120^\circ) \\ \sin(-120^\circ) & \cos(-120^\circ) \end{pmatrix}$$

이므로 일차변환 f 는 원점을 중심으로 -120° 만큼 회전하는 회전변환이다.

또, 일차변환 g 는 y 축에 대한 대칭변환이므로 역변환 g^{-1} 도 y 축에 대한 대칭변환이다.

따라서, 일차변환 f 에 의하여 점 A는 점 E로 이동하고, 일차변환 g^{-1} 에 의하여 점 E는 점 F로 이동하며, 일차변환 f 에 의하여 점 F는 점 D로 이동한다.

따라서, 합성변환 $f \circ g^{-1} \circ f$ 에 의하여 점 A는 점 D로 옮겨진다.

12. 이해력 - 삼각함수 (3점) [정답] ④

$$\sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) + \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = 2\sin x \cos \frac{\pi}{3} = \sin x$$

이므로

$$\sin x = \frac{1}{10}$$

$$\therefore \cos 2x = 1 - 2\sin^2 x = 1 - 2 \times \frac{1}{100} = \frac{49}{50}$$

13. 이해력 - 지수함수와 로그함수 (3점) [정답] ②

(가), (나)에서 $\log(10 \times 2^n) > \log 4^n$ 이므로

$$1 + \log 2^n > 2\log 2^n, \log 2^n < 1, 2^n < 10$$

$$\therefore n=1 \text{ 또는 } n=2 \text{ 또는 } n=3$$

(i) $n=1$ 이면 $\log(10 \times 2) = \log 20$ 의 지표는 1이고 $\log 4 = \log 4$ 의 지표는 0이므로 (가)를 만족시키지 않는다.

(ii) $n=2$ 이면 $\log(10 \times 2^2) = \log 40$ 의 지표는 1, 가수는 $\log 4$ 이고, $\log 4^n = \log 16$ 의 지표는 1, 가수는 $\log 1.6$ 이므로 (가), (나)를 모두 만족시킨다.

(iii) $n=3$ 이면 $\log(10 \times 2^3) = \log 80$ 의 지표는 1, 가수는 $\log 8$ 이고, $\log 4^n = \log 64$ 의 지표는 1, 가수는 $\log 6.4$ 이므로 (가), (나)를 모두 만족시킨다.

(i), (ii), (iii)에서 구하는 모든 자연수 n 의 값의 합은 $2+3=5$

[다른 풀이]

$$\log 2^n = m + a (m \text{은 정수}, 0 \leq a < 1) \text{라 하면 } \log 2^n \text{의 지표는 } m, \text{ 가수는 } a \text{이다.}$$

이때, $\log(10 \times 2^n) = (m+1) + a$ 이므로 $\log(10 \times 2^n)$ 의 지표는 $m+1$, 가수는 a 이다.

또, $\log 4^n = \log(2^2)^n = 2\log 2^n = 2m + 2a$ 이므로 $0 \leq a < \frac{1}{2}$ 이면 $\log 4^n$ 의 지표는 $2m$, 가수는 $2a$ 이고,

$$\frac{1}{2} \leq a < 1 \text{이면 } \log 4^n \text{의 지표는 } 2m+1, \text{ 가수는 } 2a-1 \text{이다.}$$

이때, $0 \leq a < \frac{1}{2}$ 이면 $a \leq 2a$ 이므로 (나)에 모순이다.

따라서, $\frac{1}{2} \leq a < 1$ 이므로 (가)에서

$$m+1 = 2m+1 \quad \therefore m=0$$

$$\therefore \frac{1}{2} \leq \log 2^n < 1$$

$$\therefore 10^{\frac{1}{2}} \leq 2^n < 10$$

이때, $10^{\frac{1}{2}} = \sqrt{10} = 3. \dots$ 이므로 $n=2$ 또는 $n=3$ 이다.

$$\therefore 2+3=5$$

14. 수학 외적 문제 해결 능력 - 지수함수와 로그함수 (4점) [정답] ⑤

$$f(0) = 80 \text{이고 } p^0 = 1 \text{이므로 } 80 = -10 + c \text{이다.}$$

$$\therefore c = 90$$

$$\therefore f(t) = -10 + 90p^{-kt}$$

이때, $f(15) = 50$ 이므로

$$-10 + 90p^{-15k} = 50$$

$$\therefore p^{-15k} = \frac{2}{3}$$

$$\therefore f(30) = -10 + 90p^{-30k}$$

$$= -10 + 90(p^{-15k})^2$$

$$= -10 + 90\left(\frac{2}{3}\right)^2$$

$$= -10 + 40 = 30(^{\circ}\text{C})$$

15. 추론 능력(증명) - 수열 (4점) [정답] ②

$$\sum_{k=1}^{m+1} \frac{\sqrt{k} + \sqrt{k+1} + \sqrt{k+2} + \dots + \sqrt{m+1}}{\sqrt{k} + \sqrt{k-1}}$$

$$= \sum_{k=1}^m \frac{\sqrt{k} + \sqrt{k+1} + \sqrt{k+2} + \dots + \sqrt{m+1}}{\sqrt{k} + \sqrt{k-1}} + \frac{\sqrt{m+1}}{\sqrt{m+1} + \sqrt{m}}$$

$$= \sum_{k=1}^m \frac{\sqrt{k} + \sqrt{k+1} + \sqrt{k+2} + \dots + \sqrt{m}}{\sqrt{k} + \sqrt{k-1}} + \frac{\sqrt{m+1}}{\sqrt{k} + \sqrt{k-1}} + \frac{\sqrt{m+1}}{\sqrt{m+1} + \sqrt{m}}$$

$$= \frac{m(m+1)}{2} + \sqrt{m+1} \sum_{k=1}^m (\sqrt{k} - \sqrt{k-1})$$

$$+ \frac{\sqrt{m+1}}{\sqrt{m+1} + \sqrt{m}}$$

$$= \frac{m(m+1)}{2} + \sqrt{m+1} \sqrt{m} + \sqrt{m+1}(\sqrt{m+1} - \sqrt{m})$$

$$= \frac{m(m+1)}{2} + (m+1)$$

$$= \frac{(m+1)(m+2)}{2}$$

이상에서 $f(m) = \frac{\sqrt{m+1}}{\sqrt{m+1} + \sqrt{m}}$, $g(m) = \sqrt{m}$ 이므로

$$f(8) + g(9) = \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{9} + \sqrt{8}} + \sqrt{9} = \frac{3}{3 + 2\sqrt{2}} + 3$$

$$= 3(3 - 2\sqrt{2}) + 3 = 12 - 6\sqrt{2}$$

(참고)

$$\sum_{k=1}^m (\sqrt{k} - \sqrt{k-1})$$

$$= (\sqrt{1} - \sqrt{0}) + (\sqrt{2} - \sqrt{1}) + \dots + (\sqrt{m} - \sqrt{m-1})$$

$$= \sqrt{m} - \sqrt{0}$$

$$= \sqrt{m}$$

16. 추론 능력(추측) - 미분법 [4점] 정답 ③

$g(x) = xf(x)$ 에서 $g'(x) = f(x) + xf'(x)$

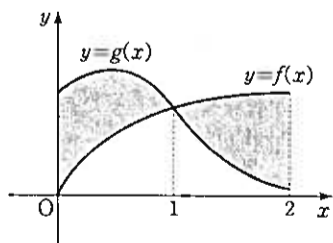
ㄱ. (참) $g'(a) = f(a) + af'(a) = af'(a) > 0$
 $(\because a < 0, f(a) = 0, f'(a) < 0)$
따라서, 함수 $g(x)$ 는 $x=a$ 에서 증가상태에 있다.

ㄴ. (거짓) $g'(b) = f(b) + bf'(b) = f(b) < 0$
 $(\because b < 0, f(b) < 0, f'(b) = 0)$
따라서, 함수 $g(x)$ 는 $x=b$ 에서 극값을 갖지 않는다.

ㄷ. (참) $g'(x) = f(x) + xf'(x)$ 이므로
 $g''(x) = f'(x) + f'(x) + xf''(x) = 2f'(x) + xf''(x)$
 $\therefore g''(0) = 2f'(0) + 0 \cdot f''(0) = 0 (\because f'(0) = 0)$
이제 $x=0$ 의 좌우에서 $g''(x)$ 의 부호를 살펴보자.
(i) $x < 0$ 일 때, 함수 $f(x)$ 는 증가하므로 $f'(x) > 0$
이고, 곡선 $y=f(x)$ 는 위로 볼록하므로 $f''(x) < 0$
이다. 따라서, $x < 0$ 일 때, $g''(x) > 0$ 이다.
(ii) $x > 0$ 일 때, 함수 $f(x)$ 는 감소하므로 $f'(x) < 0$
이고, 곡선 $y=f(x)$ 는 위로 볼록하므로 $f''(x) < 0$
이다. 따라서, $x > 0$ 일 때, $g''(x) < 0$ 이다.
따라서, $g''(0) = 0$ 이고, $x=0$ 의 좌우에서 $g''(x)$ 의 부호가 바뀌므로 점 $(0, g(0))$ 은 곡선 $y=g(x)$ 의 변곡점이다.

17. 이해력 - 적분법 [4점] 정답 ②

조건을 만족시키는 함수 $y=g(x)$ 의 그래프는 그림과 같다.



그림에서 어두운 두 부분의 넓이가 같으므로

$$\int_0^2 g(x) dx = \int_0^2 f(x) dx$$

$$= \int_0^2 \ln(x+1) dx$$

$$= [x \ln(x+1)]_0^2 - \int_0^2 \frac{x}{x+1} dx$$

$$= 2 \ln 3 - \int_0^2 \left(1 - \frac{1}{x+1}\right) dx$$

$$= 2 \ln 3 - [x - \ln(x+1)]_0^2$$

$$= 2 \ln 3 - (2 - \ln 3)$$

$$= -2 + 3 \ln 3$$

[다른 풀이]

$$\int_0^2 \ln(x+1) dx = \int_1^3 \ln x dx$$

$$= [x \ln x]_1^3 - \int_1^3 1 dx$$

$$= 3 \ln 3 - [x]_1^3 = 3 \ln 3 - (3-1)$$

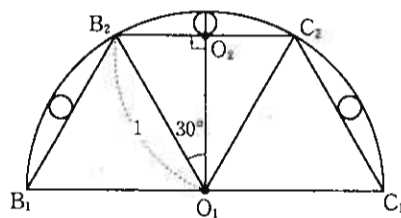
$$= -2 + 3 \ln 3$$

18. 이해력 - 미분법 [4점] 정답 ④

점 A가 x축 위를 움직이는 속도가 매초 2로 일정하므로 출발한 지 t초 후의 점 A의 좌표는 $(2t, 0)$ 이다. 따라서, 점 P의 좌표를 $(2t, e^{2t})$ 으로 놓을 수 있다. 이때, 사각형 OAPB의 넓이를 $S(t)$ 라 하면 $S(t) = 2t \times e^{2t}$ 이므로 $S'(t) = 2e^{2t} + 2t \times 2e^{2t} = (2+4t)e^{2t}$ $\therefore S'(5) = 22e^{10}$

19. 수학 내적 문제 해결 능력 - 수열의 극한 [4점] 정답 ③

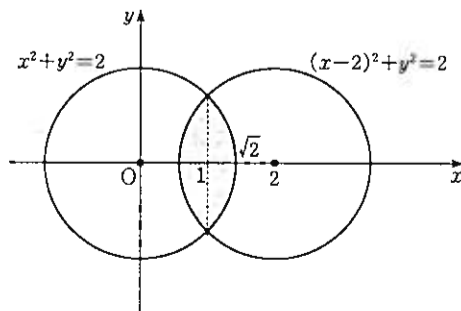
반원 O_1 의 반지름의 길이는 1이고, $\overline{O_1O_2} = \cos 30^\circ \times \overline{O_1B_2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 이므로 $l_1 = 3 \times (1 - \overline{O_1O_2}) \times \pi = 3(1 - \frac{\sqrt{3}}{2})\pi$



한편, 정삼각형 $AB_{n+1}C_{n+1}$ 의 한 변의 길이는 정삼각형 AB_nC_n 의 한 변의 길이의 $\frac{1}{2}$ 이므로 $l_{n+1} = \frac{1}{2} l_n (n=1, 2, 3, \dots)$ $\therefore \sum_{n=1}^{\infty} l_n = \frac{3(1 - \frac{\sqrt{3}}{2})\pi}{1 - \frac{1}{2}} = 3(2 - \sqrt{3})\pi$

20. 수학 내적 문제 해결 능력 - 적분법 [4점] 정답 ③

$\overline{AC} = \overline{FH} = 2\sqrt{2}$ 이므로 두 선분 AC, FH의 중점을 각각 M, N이라 하면 두 점 M, N은 두 구의 중심이고, 두 구의 반지름의 길이는 $\sqrt{2}$ 로 같다. 또, $\overline{MN} = \overline{BF} = 2$ 이므로 두 구의 중심 사이의 거리는 2이다. 따라서, 두 구의 내부의 공통 부분의 부피를 V라 하면 V는 좌표평면에서 두 원 $x^2 + y^2 = 2$, $(x-2)^2 + y^2 = 2$ 로 동시에 둘러싸인 부분을 x축의 둘레로 회전시킨 회전체의 부피와 같다.



$$\therefore V = 2\pi \int_1^{\sqrt{2}} (2-x^2) dx$$

$$= 2\pi \left[2x - \frac{x^3}{3} \right]_1^{\sqrt{2}}$$

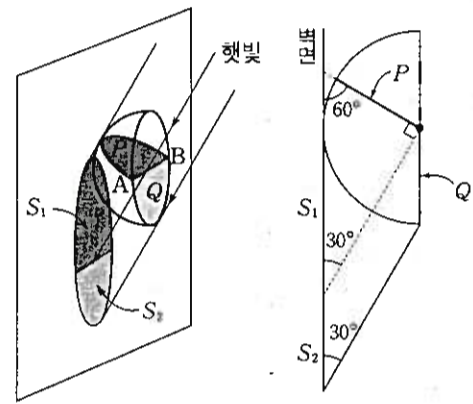
$$= 2\pi \left\{ \left(2\sqrt{2} - \frac{2\sqrt{2}}{3} \right) - \left(2 - \frac{1}{3} \right) \right\}$$

$$= 2\pi \left(\frac{4\sqrt{2}}{3} - \frac{5}{3} \right)$$

$$= \left(\frac{8\sqrt{2}}{3} - \frac{10}{3} \right) \pi$$

21. 수학 외적 문제 해결 능력 - 공간도형과 공간좌표 [4점] 정답 ④

선분 AB를 포함하고 햇빛과 수직인 평면으로 반구를 자른 단면을 P라 하고, 선분 AB의 아래쪽에 있는 반원을 Q라 하자. [그림 1]을 벽면과 평행한 방향에서 본 그림은 [그림 2]와 같다. 벽면에 생기는 P의 그림자의 넓이를 S_1 , Q의 그림자의 넓이를 S_2 라 하면 구하는 반구의 그림자의 넓이는 $S_1 + S_2$ 이다.



[그림 1]

[그림 2]

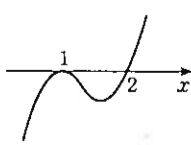
반구의 반지름의 길이가 2이므로 반원 P의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 2^2 \pi = 2\pi$ 따라서, $S_1 \cos 60^\circ = 2\pi$ 에서 $S_1 = \frac{2\pi}{\cos 60^\circ} = 4\pi$ 한편, 반원 Q와 벽면은 서로 평행하므로 S_2 는 반원 Q의 넓이와 같다. $\therefore S_2 = 2\pi$ 따라서, 구하는 그림자의 넓이는 $S_1 + S_2 = 4\pi + 2\pi = 6\pi$

22. 계산 능력 - 순열과 조합 [3점] 정답 105

다항식 $(2x + \frac{1}{2})^{10}$ 의 전개식에서 x^4 의 계수는 ${}^{10}C_4 \times 2^4 \times \frac{1}{2^6} = \frac{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} \times \frac{1}{2^2} = \frac{105}{2}$ 따라서, 다항식 $2(2x + \frac{1}{2})^{10}$ 의 전개식에서 x^4 의 계수는 $2 \times \frac{105}{2} = 105$

23. 이해력 - 방정식과 부등식 [3점] 정답 8

$\frac{x-a^2}{(x-a)(x-2a)} \leq 0 \iff (x-a)(x-2a)(x-a^2) \leq 0$ (단, $x \neq a, x \neq 2a$)
(i) $a=1$ 일 때, 주어진 부등식은 $(x-1)^2(x-2) \leq 0$ (단, $x \neq 1, x \neq 2$)
이므로 그 해는 $x < 1$ 또는 $1 < x < 2$
따라서, 자연수 x의 개수는 0이다.



(ii) $a=2$ 일 때, 주어진 부등식은 $(x-2)(x-4)^2 \leq 0$
(단, $x \neq 2, x \neq 4$)
이므로 그 해는 $x < 2$
따라서, 자연수 x 의 개수는 1이다.

(iii) $a \geq 3$ 일 때, $a < 2a < a^2$
이므로 주어진 부등식의 해는 $x < a$ 또는 $2a < x \leq a^2$
따라서, 자연수 x 의 개수는 $(a-1) + (a^2-2a) = a^2 - a - 1$

따라서, 주어진 분수부등식을 만족시키는 자연수 x 의 개수는 $a^2 - a - 1$ 이다.
 $a^2 - a - 1 = 55$ 에서
 $a^2 - a - 56 = (a-8)(a+7) = 0$
 $\therefore a = 8$ ($\because a > 0$)

24. 이해력 - 벡터 (3점) [정답] 20
 zx 평면의 방정식은 $y=0$ 이므로 $3x+y-4z=100$ 에 $y=0$ 을 대입하면
 $3x-4z=100$
따라서, 교선 l 의 방정식은 $3x-4z=100, y=0$
이때, 선분 OP 의 길이의 최솟값은 좌표평면에서 원점 O 와 직선 $3x-4z-100=0$ 사이의 거리 d 와 같다.
 $\therefore d = \frac{|-100|}{\sqrt{3^2+(-4)^2}} = \frac{100}{5} = 20$

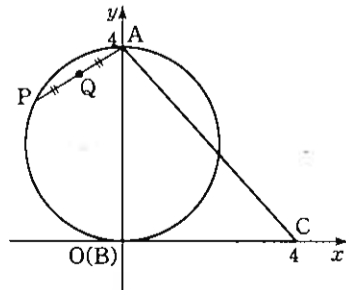
25. 이해력 - 순열과 조합 (3점) [정답] 63
홀수 개의 구슬을 넣을 상자를 택하고, 이 상자에 1개의 구슬을 넣고 나머지 두 상자에 구슬을 2개씩 넣는 방법의 수는
 ${}_3C_1 \times 1 = 3$
이제 3개의 상자에 나머지 $15 - (1+2+2) = 10$ (개)의 구슬을 짝수 개씩 넣는 방법의 수(*)를 구해 보자. 3개의 상자에 넣는 구슬의 수를 각각 $2x, 2y, 2z$ 라 하면 (*)는 방정식 $2x+2y+2z=10$, 즉 $x+y+z=5$ 를 만족시키는 음이 아닌 정수인 해의 개수와 같으므로
 ${}_3H_5 = {}_{3+5-1}C_5 = {}_7C_2 = \frac{7 \times 6}{2 \times 1} = 21$
따라서, 구하는 방법의 수는 $3 \times 21 = 63$ (가지)

26. 수학 내적 문제 해결 능력 - 함수의 극한과 연속 (4점) [정답] 5
삼각형 OQP 에서 $\cos \theta = \frac{OP}{OQ}$ 이므로
 $OQ = \frac{OP}{\cos \theta} = \frac{1}{\cos \theta}$
 $\therefore AQ = OQ - OA = \frac{1}{\cos \theta} - 1 = \frac{1 - \cos \theta}{\cos \theta}$
 $PQ = OP \times \tan \theta = \tan \theta$ 이므로
 $\triangle OQP = \frac{1}{2} \times OP \times PQ = \frac{1}{2} \tan \theta$
이때, 두 삼각형 OQP, AQR 는 닮음비가
 $\overline{OQ} : \overline{AQ} = \frac{1}{\cos \theta} : \frac{1 - \cos \theta}{\cos \theta} = 1 : (1 - \cos \theta)$
이므로
 $S(\theta) = (1 - \cos \theta)^2 \times \triangle OQP$
 $= \frac{1}{2} \tan \theta (1 - \cos \theta)^2$
 $1 - \cos \theta = 2 \sin^2 \frac{\theta}{2}$ 이므로
 $S(\theta) = \frac{1}{2} \tan \theta \left(2 \sin^2 \frac{\theta}{2}\right)^2$

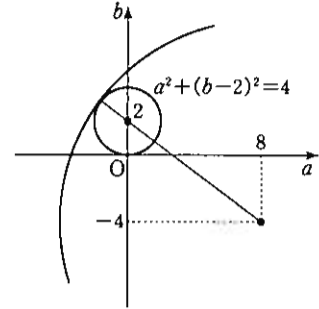
$$\begin{aligned} \therefore \lim_{\theta \rightarrow +0} \frac{S(\theta)}{\theta^5} &= \lim_{\theta \rightarrow +0} \left\{ \frac{1}{2} \times \frac{\tan \theta}{\theta} \times \left(\frac{2 \sin^2 \frac{\theta}{2}}{\theta^2} \right)^2 \right\} \\ &= \lim_{\theta \rightarrow +0} \left\{ \frac{1}{2} \times \frac{\tan \theta}{\theta} \times \frac{4}{16} \times \left(\frac{\sin \frac{\theta}{2}}{\frac{\theta}{2}} \right)^4 \right\} \\ &= \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{1}{4} \times 1^4 = \frac{1}{8} \\ \therefore 40 \lim_{\theta \rightarrow +0} \frac{S(\theta)}{\theta^5} &= 5 \end{aligned}$$

27. 수학 외적 문제 해결 능력 - 통계 (4점) [정답] 86
참가자들의 기록을 확률변수 X 라 하면 X 는 정규분포 $N(30, 4^2)$ 을 따른다.
이때, 임의로 택한 한 참가자의 기록이 30분 이하인 사건을 A , 24분 이상인 사건을 B 라 하면 구하는 확률은 $P(B|A)$ 이다.
 $P(A) = P(X \leq 30) = P\left(Z \leq \frac{30-30}{4}\right) = P(Z \leq 0) = 0.5$
 $P(A \cap B) = P(24 \leq X \leq 30) = P\left(\frac{24-30}{4} \leq Z \leq \frac{30-30}{4}\right) = P(-1.5 \leq Z \leq 0) = P(0 \leq Z \leq 1.5) = 0.43$
 $\therefore p = P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{0.43}{0.5} = \frac{43}{50}$
 $\therefore 100p = 86$

28. 수학 내적 문제 해결 능력 - 벡터 (4점) [정답] 36
(가)에서 점 P 는 선분 AB 를 지름으로 하는 원 위의 점이고, (나)에서 점 Q 는 선분 AP 의 중점이다.
따라서, 오른쪽 그림에서 $\overline{BP} \parallel \overline{OQ}$ (단, O 는 선분 AB 의 중점)이므로 $\overline{OQ} \perp \overline{AQ}$
따라서, 점 Q 는 선분 AO 를 지름으로 하는 원 위의 점이다.
이때, 선분 OA 의 중점을 M 이라 하면 $\overline{MQ} = \frac{1}{2} \overline{OP} = 1$ 이므로
 $|\overline{CQ}| = \overline{CQ} \leq \overline{CM} + \overline{MQ} = \sqrt{4^2 + 3^2} + 1 = 6$
(단, 등호는 점 M 이 선분 CQ 위에 있을 때 성립)
따라서, $|\overline{CQ}|^2$ 의 최댓값은 36이다.
[다른 풀이]
점 B 를 좌표평면의 원점 O 에, 두 선분 BC, BA 를 각각 x 축, y 축에 오도록 위치시키면 $A(0, 4), C(4, 0)$ 이다.



이때, $P(a, b)$ 라 하면 $\overline{AP} = (a, b-4), \overline{BP} = (a, b)$
이므로 (가)에서 $\overline{AP} \cdot \overline{BP} = a^2 + b(b-4) = 0$
 $\therefore a^2 + (b-2)^2 = 4$
(나)에서 점 Q 는 선분 AP 의 중점이므로
 $Q\left(\frac{a}{2}, \frac{b+4}{2}\right)$
 $\therefore \overline{CQ} = \sqrt{\left(\frac{a}{2} - 4\right)^2 + \left(\frac{b+4}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{(a-8)^2 + (b+4)^2}}{2}$



이때, $(a-8)^2 + (b+4)^2 = k^2$ 이라 하면 $k \leq \sqrt{8^2 + (2+4)^2} + 2 = 12$
 $\therefore \overline{CQ} = \frac{k}{2} \leq \frac{12}{2} = 6$
 $\therefore |\overline{CQ}|^2 = \overline{CQ}^2 \leq 6^2 = 36$

29. 이해력 - 확률 (4점) [정답] 91
한 번의 게임에서 1점을 얻을 확률은 $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$
이므로 한 번의 게임에서 2점을 얻을 확률은 $1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$
이 게임을 4번 하여 7점을 얻기 위해서는 2점을 3번 얻고, 1점을 1번 얻어야 한다.
따라서, 구하는 확률은 ${}_4C_1 \left(\frac{1}{4}\right)^1 \left(\frac{3}{4}\right)^3 = 4 \times \frac{1}{4} \times \frac{27}{64} = \frac{27}{64}$
 $\therefore p+q = 64+27=91$

30. 수학 내적 문제 해결 능력 - 수열의 극한 (4점) [정답] 17
 $a_n = \frac{(-1)^n}{2^n} + \frac{1}{10^{10}}$ 이라 하자.
(i) $n = 2m$ ($m=1, 2, 3, \dots$)일 때,
 $0 < a_n = \frac{1}{2^{2m}} + \frac{1}{10^{10}} < 1$ 이므로 $[a_n] = 0$
(ii) $n = 2m-1$ ($m=1, 2, 3, \dots$)일 때,
 $a_n = -\frac{1}{2^n} + \frac{1}{10^{10}}$ 이다.
이때, 부등식 $2^n < 10^{10}$ 의 양변에 상용로그를 취하면 $n \log 2 < 10$
 $\therefore n < \frac{10}{\log 2} = \frac{10}{0.3010} = 33. \dots$
따라서, $n=1, 3, 5, \dots, 33$ 일 때,
 $-1 < a_n = -\frac{1}{2^n} + \frac{1}{10^{10}} < 0$
이므로 $[a_n] = -1$ 이고
 $n=35, 37, \dots$ 일 때,
 $0 < a_n = -\frac{1}{2^n} + \frac{1}{10^{10}} < 1$
이므로 $[a_n] = 0$ 이다.
 $\therefore S = \sum_{n=1}^{\infty} [a_n] = \sum_{n=1}^{33} [a_n] + \sum_{n=34}^{\infty} [a_n]$
 $= (-1+0-1+0+\dots+0-1) + (0+0+0+\dots)$
 $= (-1) \times 17 = -17$
 $\therefore |S| = 17$

● [나형]

1. 기형과 동일 (2점) [정답] ②

2. 계산 능력 - 수열의 극한 (2점) [정답] ④

$$\begin{aligned} \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n-1)(3n+2)}{n(n+1)} &= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^2 - n - 2}{n^2 + n} \\ &= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3 - \frac{1}{n} - \frac{2}{n^2}}{1 + \frac{1}{n}} \\ &= 3 \end{aligned}$$

3. 계산 능력 - 다항함수의 미분법 (2점) [정답] ①

$f(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 2x + 3)$ 에서
 $f'(x) = 2x(x^2 + 2x + 3) + (x^2 - 1)(2x + 2)$ 이므로
 $f'(0) = 0 - 1 \times 2 = -2$

4. 계산 능력 - 행렬과 그래프 (3점) [정답] ①

$(A-E)X = E$ 이면 $X = (A-E)^{-1}E$ 이다.

이때, $A-E = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ 이므로

$X = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}^{-1} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$

따라서, 행렬 X 의 모든 성분의 합은

$\frac{1}{3}(-1+2+2-1) = \frac{2}{3}$

5. 이해력 - 다항함수의 적분법 (3점) [정답] ④

$$\begin{aligned} \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{k^4}{n^5} &= \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \left(\frac{k}{n}\right)^4 \frac{1}{n} \\ &= \int_0^1 x^4 dx \\ &= \left[\frac{x^5}{5}\right]_0^1 \\ &= \frac{1}{5} \end{aligned}$$

6. 이해력 - 확률 (3점) [정답] ④

$P(A|B) + P(A^c) = 1$ 에서

$\frac{P(A \cap B)}{P(B)} + 1 - P(A) = 1$

$\frac{P(A \cap B)}{P(B)} - P(A) = 0$

$\therefore P(A \cap B) = P(A)P(B)$

따라서, 두 사건 A, B 는 서로 독립이므로 두 사건 A, B^c 도 서로 독립이다.

$\therefore P(B^c|A) = P(B^c) = \frac{1}{3}$ (\because (나))

또, 두 사건 A^c, B 도 서로 독립이므로

$P(B|A^c) = P(B) = 1 - P(B^c) = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$

7. 기형과 동일 (3점) [정답] ①

8. 추론 능력(추측) - 함수의 극한과 연속 (3점) [정답] ③

$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$

한편, $x \rightarrow -0$ 일 때 $1-x \rightarrow 1+0$ 이므로

$\lim_{x \rightarrow -0} g(1-x) = \lim_{t \rightarrow 1+0} g(t) = -1$

$\therefore \lim_{x \rightarrow 0} \{f(x) + g(1-x)\} = 1 + (-1) = 0$

9. 이해력 - 수열 (3점) [정답] ②

등비수열 $\{a_n\}$ 의 공비가 $\sqrt{3}$ 이므로 첫째항을 a 라 하면

$a_n = a \cdot (\sqrt{3})^{n-1}$

$a_{10} = 10$ 에서

$a(\sqrt{3})^9 = 10$

$\therefore a = \frac{10}{(\sqrt{3})^9}$

$a_p \times a_q = 900$ 에서

$a(\sqrt{3})^{p-1} \cdot a(\sqrt{3})^{q-1} = 900$

$a^2(\sqrt{3})^{p+q-2} = 900$

$\frac{100}{3^9}(\sqrt{3})^{p+q-2} = 900$

$(\sqrt{3})^{p+q-2} = 3^{11}$

$3^{\frac{p+q-2}{2}} = 3^{11}$

$\frac{p+q-2}{2} = 11$

$p+q-2 = 22$

$\therefore p+q = 24$

10. 기형과 동일 (3점) [정답] ⑤

11. 추론 능력(추측) - 수열의 극한 (3점) [정답] ③

\therefore (참) 두 무한급수 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n - \frac{n}{n+1}\right), \sum_{n=1}^{\infty} nb_n$ 이

모두 수렴하므로

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(a_n - \frac{n}{n+1}\right) = 0, \lim_{n \rightarrow \infty} nb_n = 0$

이때, $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n - \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n}{n+1} = \lim_{n \rightarrow \infty} a_n - 1 = 0$ 에서

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 1$ 이므로

$\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n + nb_n) = \lim_{n \rightarrow \infty} a_n + \lim_{n \rightarrow \infty} nb_n = 1 + 0 = 1$

\therefore (참) $\lim_{n \rightarrow \infty} nb_n = 0$ 이므로

$\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(nb_n \times \frac{1}{n}\right)$

$= \lim_{n \rightarrow \infty} nb_n \times \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n}$

$= 0 \times 0 = 0$

$\therefore \lim_{n \rightarrow \infty} a_n b_n = \lim_{n \rightarrow \infty} a_n \times \lim_{n \rightarrow \infty} b_n$

$= 1 \times 0 = 0$

\therefore (거짓) $\lim_{n \rightarrow \infty} nb_n = 0$ 이므로

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{b_n}{n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(nb_n \times \frac{1}{n^2}\right)$

$= \lim_{n \rightarrow \infty} nb_n \times \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2}$

$= 0 \times 0 = 0$

$\therefore \lim_{n \rightarrow \infty} \left(a_n + \frac{b_n}{n}\right) = \lim_{n \rightarrow \infty} a_n + \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{b_n}{n}$

$= 1 + 0 = 1 (\neq 0)$

따라서, $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n + \frac{b_n}{n}\right)$ 은 발산한다.

12. 수학 내적 문제 해결 능력 - 행렬과 그래프 (4점) [정답] ①

$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 이므로 $A^2 = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, A^3 = \begin{pmatrix} 1 & 6 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \dots$

$\therefore A^n = \begin{pmatrix} 1 & 2n \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ (n 은 자연수)

$\therefore A^2 + A^4 + A^6 + \dots + A^{40}$

$= \begin{pmatrix} 20 & 4(1+2+3+\dots+20) \\ 0 & 20 \end{pmatrix}$

따라서, 행렬 $A^2 + A^4 + A^6 + \dots + A^{40}$ 의 모든 성분의 합은

$40 + 4(1+2+3+\dots+20)$

$= 40 + 4 \times \frac{20 \times 21}{2}$

$= 40 + 840$

$= 880$

13. 기형과 동일 (3점) [정답] ②

14. 기형과 동일 (4점) [정답] ⑤

15. 기형과 동일 (4점) [정답] ②

16. 추론 능력(추측) - 다항함수의 미분법 (4점) [정답] ③
 $g(x) = (x-1)f'(x)$ 라 하자.

입시정보의 절대 강자! 유웨이닷컴!

입시 상담 최고 전문가들이 제시하는 2013학년도 정시 합격 전략

2013학년도 1:1 대면상담

철저한 성적 분석

전문 컨설턴트의
지원 전략 제시

정시 최종 지원전략
보고서 제공

www.Uway.com - 입시 상담

입시 상담 최고 전문가들이 제시하는 2013학년도 정시 합격 전략

2013학년도 정시 합격진단

출발점
진단

목표대학
설정

합격진단

합격전략
제시

www.Uway.com - 합격진단

문의 : 유웨이중앙교육 콘텐츠사업부 T.02-2102-2407~8

$$\therefore (\text{참}) g\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{2}f'\left(-\frac{1}{2}\right) < 0 \text{이므로}$$

$$f'\left(-\frac{1}{2}\right) > 0$$

따라서, 함수 $f(x)$ 는 $x = -\frac{1}{2}$ 에서 증가상태에 있다.

ㄴ. (참) $y = (x-1)f'(x)$ 의 그래프에서 $x = -1$ 일 때, $y = 0$ 이므로

$$-2f'(-1) = 0$$

$$\therefore f'(-1) = 0$$

$x < -1$ 일 때 $g(x) > 0$, $x - 1 < 0$ 이므로

$$f'(x) < 0$$

$-1 < x < 0$ 일 때 $g(x) < 0$, $x - 1 < 0$ 이므로

$$f'(x) > 0 \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

따라서, 함수 $f(x)$ 는 $x = -1$ 에서 극솟값을 가진다.

ㄷ. (거짓) $-1 < x < 0$ 일 때 $f'(x) > 0$ ($\because \textcircled{1}$)

$0 < x < 1$ 일 때 $g(x) < 0$, $x - 1 < 0$ 이므로 $f'(x) > 0$

따라서, 함수 $f(x)$ 는 $x = 0$ 에서 극값을 갖지 않는다.

17. 수학 외적 문제 해결 능력 - 통계 (4점) [정답] ③

확률 $P(X=k)$ ($k=1, 2, 3, 4, 5$)는 5개의 공 중에서 한 개씩 차례로 공을 꺼내는 시행에서 흰 공이 나올 때까지 주머니에서 꺼낸 공의 개수가 k 일 확률이므로 k 번째에서 흰 공이 나올 확률과 같다.

$$\therefore P(X=1) = \frac{1}{5}$$

$$P(X=2) = \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{5}$$

$$P(X=3) = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{5}$$

$$P(X=4) = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{5}$$

$$P(X=5) = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{5}$$

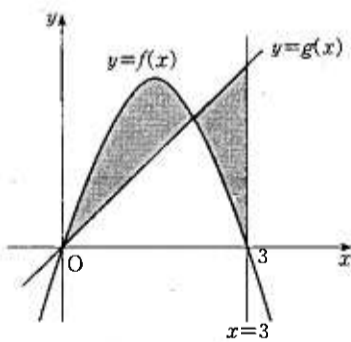
따라서, 확률변수 X 의 확률분포표는 다음과 같다.

| | | | | | | |
|--------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|----|
| X | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 합계 |
| $P(X)$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | 1 |

$$\therefore E(X) = 1 \times \frac{1}{5} + 2 \times \frac{1}{5} + 3 \times \frac{1}{5} + 4 \times \frac{1}{5} + 5 \times \frac{1}{5} = 3$$

18. 수학 내적 문제 해결 능력 - 다항함수의 적분법 (4점) [정답] ②

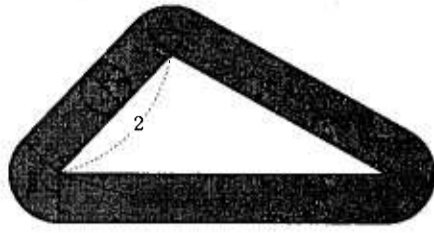
조건을 만족시키는 곡선 $y=f(x)$ 와 직선 $y=g(x)$ 는 그림과 같고, 그림에서 어두운 부분의 넓이가 같으므로



$$\begin{aligned} \int_0^3 g(x) dx &= \int_0^3 f(x) dx \\ &= \int_0^3 (-x^2 + 3x) dx \\ &= \left[-\frac{x^3}{3} + \frac{3}{2}x^2\right]_0^3 \\ &= -9 + \frac{27}{2} \\ &= \frac{9}{2} \end{aligned}$$

19. 가형과 동일 (4점) [정답] ③

20. 수학 내적 문제 해결 능력 - 함수의 극한과 연속 (4점) [정답] ④



원이 지나간 영역의 넓이는 3개의 직사각형의 넓이의 합과 3개의 부채꼴의 넓이의 합과 같다.

3개의 직사각형의 넓이의 합은

$$2 \times 2r + 3 \times 2r + 4 \times 2r = 18r$$

또, 그림과 같이 부채꼴의 중심각의 크기를 각각 α, β, γ 라 하면 $\alpha + \beta + \gamma = 2\pi$ 이므로 3개의 부채꼴의 넓이의 합은 반지름의 길이가 $2r$ 인 원의 넓이 $4\pi r^2$ 과 같다.

$$\therefore S(r) = 18r + 4\pi r^2$$

$$\therefore \lim_{r \rightarrow +0} \frac{S(r)}{r} = \lim_{r \rightarrow +0} (18 + 4\pi r) = 18$$

21. 수학 내적 문제 해결 능력 - 다항함수의 미분법 (4점) [정답] ⑤

t 초 후의 점 P 의 좌표는 $(t, 0)$ 이고, $AQ = 2t$ 이다. 이때, 점 P 와 직선 $y=x+1$ 사이의 거리는

$$\frac{|t-0+1|}{\sqrt{1^2+(-1)^2}} = \frac{t+1}{\sqrt{2}} \quad (\because t > 0)$$

$$\therefore S(t) = \frac{1}{2} \times 2t \times \frac{t+1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} t(t+1)$$

$$S(a) = \frac{\sqrt{2}}{2} a(a+1) = 6\sqrt{2} \text{에서}$$

$$a^2 + a = 12, a^2 + a - 12 = 0, (a+4)(a-3) = 0$$

$$\therefore a = 3 \quad (\because a > 0)$$

$$\text{이때, } S'(t) = \frac{\sqrt{2}}{2} (2t+1) \text{이므로}$$

$$S'(3) = \frac{7\sqrt{2}}{2}$$

22. 가형과 동일 (3점) [정답] 105

23. 계산 능력 - 함수의 극한과 연속 (3점) [정답] 24

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{(x^2 - 4)f(x)} &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x^2 + 2x + 4)}{(x-2)(x+2)f(x)} \\ &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 2x + 4}{(x+2)f(x)} \\ &= \frac{3}{f(2)} \\ \frac{3}{f(2)} &= \frac{1}{8} \text{에서 } f(2) = 24 \\ \therefore \lim_{x \rightarrow 2} f(x) &= f(2) = 24 \end{aligned}$$

24. 계산 능력 - 다항함수의 적분법 (3점) [정답] 28

$$\begin{aligned} \int_{-2}^2 (4x^3 + 3x^2 + 2|x| + 1) dx &= 2 \int_0^2 (3x^2 + 2x + 1) dx \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= 2[x^3 + x^2 + x]_0^2 \\ &= 2(2^3 + 2^2 + 2) \\ &= 28 \end{aligned}$$

25. 수학 외적 문제 해결 능력 - 통계 (3점) [정답] 43

참가자들의 기록을 확률변수 X 라 하면 X 는 정규분포 $N(30, 4^2)$ 을 따른다.

따라서, 구하는 확률은

$$p = P(24 \leq X \leq 30)$$

$$= P\left(\frac{24-30}{4} \leq Z \leq \frac{30-30}{4}\right)$$

$$= P(-1.5 \leq Z \leq 0)$$

$$= P(0 \leq Z \leq 1.5)$$

$$= 0.43$$

$$\therefore 100p = 43$$

26. 이해력 - 통계 (3점) [정답] 18

$P(X=x) = {}_9C_x \left(\frac{1}{3}\right)^x \left(\frac{2}{3}\right)^{9-x}$ 이므로 확률변수 X 는

이항분포 $B\left(9, \frac{1}{3}\right)$ 을 따른다.

$$\therefore V(X) = 9 \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} = 2$$

$$\therefore V(3X+1) = 3^2 V(X) = 9 \times 2 = 18$$

27. 이해력 - 행렬과 그래프 (4점) [정답] 62

행렬 P^2 의 (i, i) 성분은 그래프 G 의 제 i 행에 대응하는 꼭짓점을 출발하여 두 개의 변을 지나 다시 제 i 행에 대응하는 꼭짓점으로 되돌아가는 방법의 수와 같다. 즉, 행렬 P^2 의 (i, i) 성분은 그래프 G 의 제 i 행에 대응하는 꼭짓점에 연결된 변의 개수와 같다.

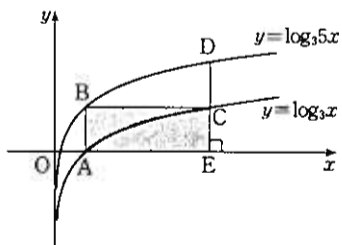
이때, 그래프 G 의 각 꼭짓점에 연결된 변의 개수는 2, 3, 3, 4, 3, 5, 6이므로

$$M = 6, m = 2$$

$$\therefore 10M + m = 62$$

28. 이해력 - 지수함수와 로그함수 (4점) [정답] 625

$y = \log_3 5x = \log_3 x + \log_3 5$ 이므로 곡선 $y = \log_3 5x$ 는 곡선 $y = \log_3 x$ 를 y 축의 방향으로 $\log_3 5$ 만큼 평행 이동시킨 것이다. 따라서, 점 C 에서 x 축에 내린 수선의 발을 E 라 하면 구하는 넓이는 직사각형 $AECB$ 의 넓이와 같다.



점 A 의 좌표는 $(1, 0)$ 이므로 점 B 의 좌표는 $(1, \log_3 5)$ 이고, 점 C 의 좌표는 $(5, \log_3 5)$ 이다.

$$\begin{aligned} \therefore S &= \text{□}AECB \\ &= (5-1) \times \log_3 5 \\ &= \log_3 5^4 \\ &= \log_3 625 \\ \therefore 3^S &= 625 \end{aligned}$$

29. 가형과 동일 (4점) [정답] 91

30. 가형과 동일 (4점) [정답] 17